

# CIÊNCIAS DA NATUREZA E SUAS TECNOLOGIAS

## 91

A toxicidade de algumas substâncias é normalmente representada por um índice conhecido como  $DL_{50}$  (dose letal mediana). Ele representa a dosagem aplicada a uma população de seres vivos que mata 50% desses indivíduos e é normalmente medido utilizando-se ratos como cobaias. Esse índice é muito importante para os seres humanos, pois ao se extrapolar os dados obtidos com o uso de cobaias, pode-se determinar o nível tolerável de contaminação de alimentos, para que possam ser consumidos de forma segura pelas pessoas.

O quadro apresenta três pesticidas e suas toxicidades.

A unidade mg/kg indica a massa da substância ingerida pela massa da cobaia.

Pesticidas	$DL_{50}$ (mg/kg)
Diazinon	70
Malation	1 000
Atrazina	3 100

Sessenta ratos, com massa de 200 g cada, foram divididos em três grupos de vinte. Três amostras de ração, contaminadas, cada uma delas com um dos pesticidas indicados no quadro, na concentração de 3 mg por grama de ração, foram administradas para cada grupo de cobaias. Cada rato consumiu 100 g de ração.

Qual(ais) grupo(s) terá(ão) uma mortalidade mínima de 10 ratos?

- a) O grupo que se contaminou somente com atrazina.
- b) O grupo que se contaminou somente com diazinon.
- c) Os grupos que se contaminaram com atrazina e malation.
- d) Os grupos que se contaminaram com diazinon e malation.
- e) Nenhum dos grupos contaminados com atrazina, diazinon e malation.

### Resolução

**Cálculo da massa do pesticida ingerida por cada rato ao consumir 100 g da ração:**

$$\begin{array}{l} 3 \text{ mg de pesticida} \text{ ————— } 1 \text{ g de ração} \\ x \text{ ————— } 100 \text{ g de ração} \\ x = 300 \text{ mg de pesticida} \end{array}$$

**Cálculo da massa do pesticida por quilograma de massa corporal em cada rato:**

300 mg de pesticida ——— 200 g de massa (rato)  
y ——— 1000 g de massa corporal  
(1 kg)  
y = 1500 mg de pesticida

Diazinon apresenta  $DL_{50} = 70$  mg/kg. Portanto, ao ingerir 1500 mg/kg, mais de 50% de amostragem morrerão.

Malation apresenta  $DL_{50} = 1000$  mg/kg, logo ao ingerir 1500 mg/kg do pesticida, mais de 10 ratos morrerão.

A atrazina não provocará a morte de mais de 10 ratos por apresentar  $DL_{50} = 3100$  mg/kg

Resposta: **D**

Os medicamentos são rotineiramente utilizados pelo ser humano com o intuito de diminuir ou, por muitas vezes, curar possíveis transtornos de saúde. Os antibióticos são grupos de fármacos inseridos no tratamento de doenças causadas por bactérias.

Na terapêutica das doenças mencionadas, alguns desses fármacos atuam

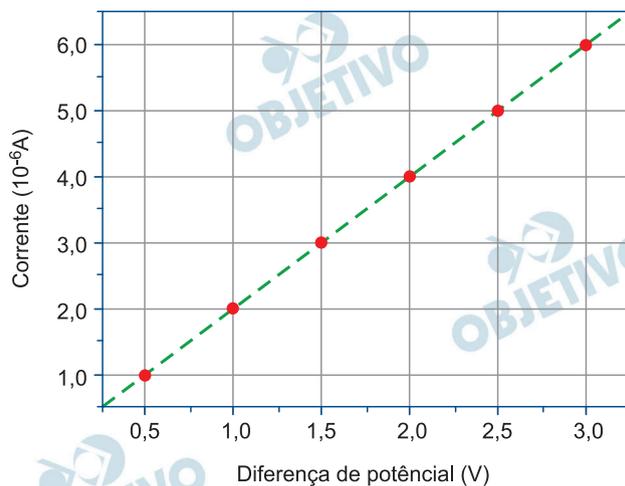
- a) ativando o sistema imunológico do hospedeiro.
- b) interferindo na cascata bioquímica da inflamação.
- c) removendo as toxinas sintetizadas pelas bactérias.
- d) combatendo as células hospedeiras das bactérias.
- e) danificando estruturas específicas da célula bacteriana.

**Resolução**

**Os antibióticos podem danificar estruturas das células bacterianas, podendo impedir a síntese de proteínas, alterando a permeabilidade da membrana plasmática, alterando a função do DNA, entre outras**

Resposta:  E

Dispositivos eletrônicos que utilizam materiais de baixo custo, como polímeros semicondutores, têm sido desenvolvidos para monitorar a concentração de amônia (gás tóxico e incolor) em granjas avícolas. A polianilina é um polímero semicondutor que tem o valor de sua resistência elétrica nominal quadruplicado quando exposta a altas concentrações de amônia. Na ausência de amônia, a polianilina se comporta como um resistor ôhmico e a sua resposta elétrica é mostrada no gráfico.



O valor da resistência elétrica da polianilina na presença de altas concentrações de amônia, em ohm, é igual a

- a)  $0,5 \times 10^0$ .      b)  $2,0 \times 10^0$ .      c)  $2,5 \times 10^5$ .  
 d)  $5,0 \times 10^5$ .      e)  $2,0 \times 10^6$ .

#### Resolução

A polianilina comporta-se como um resistor ôhmico, assim, da 1.ª Lei de Ohm, temos:

$$U = Ri$$

Do gráfico: 
$$\begin{cases} i = 5,0 \cdot 10^{-6} \text{A} \\ U = 2,5 \text{V} \end{cases}$$

Assim:  $2,5 = R \cdot 5,0 \cdot 10^{-6}$

$$R = 0,5 \cdot 10^6 \Omega$$

$$R = 5,0 \cdot 10^5 \Omega$$

Quando submetida a altas concentrações de amônia, porém, esse valor é quadruplicado, portanto:

$$R' = 4 \cdot 5,0 \cdot 10^5 (\Omega)$$

$$R' = 2,0 \cdot 10^6 \Omega$$

Resposta:  E

Pesquisadores conseguiram estimular a absorção de energia luminosa em plantas graças ao uso de nanotubos de carbono. Para isso, nanotubos de carbono “se inseriram” no interior dos cloroplastos por uma montagem espontânea, através das membranas dos cloroplastos. Pigmentos da planta absorvem as radiações luminosas, os elétrons são “excitados” e se deslocam no interior de membranas dos cloroplastos, e a planta utiliza em seguida essa energia elétrica para a fabricação de açúcares. Os nanotubos de carbono podem absorver comprimentos de onda habitualmente não utilizados pelos cloroplastos, e os pesquisadores tiveram a ideia de utilizá-los como “antenas”, estimulando a conversão de energia solar pelos cloroplastos, com o aumento do transporte de elétrons.

Nanotubos de carbono incrementam a fotossíntese de plantas.  
Disponível em: <http://lqes.iqm.unicamp.br>.  
Acesso em: 14 nov. 2014 (adaptado).

O aumento da eficiência fotossintética ocorreu pelo fato de os nanotubos de carbono promoverem diretamente a:

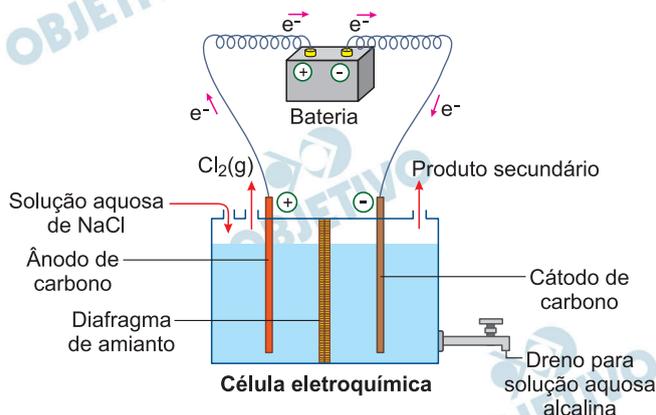
- a) utilização de água.
- b) absorção de fótons.
- c) formação de gás oxigênio.
- d) proliferação dos cloroplastos.
- e) captação de dióxido de carbono.

#### **Resolução**

**O aumento da eficiência fotossintética ocorreu pelo fato de os nanotubos de carbono promoverem diretamente a absorção de fótons de comprimentos de onda habitualmente não utilizados pelos cloroplastos.**

Resposta: **B**

A eletrólise é um processo não espontâneo de grande importância para a indústria química. Uma de suas aplicações é a obtenção do gás cloro e do hidróxido de sódio, a partir de uma solução aquosa de cloreto de sódio. Nesse procedimento, utiliza-se uma célula eletroquímica, como ilustrado.

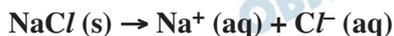


SHREVE, R. N.; BRINK Jr., J. A. **Indústria de processos químicos**. Rio de Janeiro: Guanabara Kroogan, 1997 (adaptado).

No processo eletrolítico ilustrado, o produto secundário obtido é o

- vapor de água.
- oxigênio molecular.
- hipoclorito de sódio.
- hidrogênio molecular.
- cloreto de hidrogênio.

#### Resolução



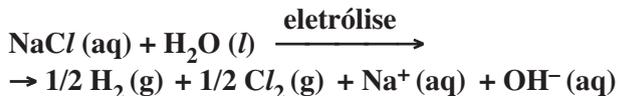
Reação que ocorre no cátodo:



Reação que ocorre no anodo:



Equação global da reação:



O produto secundário citado no desenho é o gás hidrogênio (hidrogênio molecular)

Nota: O diafragma de amianto é para impedir o contato do gás cloro com o NaOH fornecendo hipoclorito de sódio.

Resposta: **D**

Uma grande virada na moderna história da agricultura ocorreu depois da Segunda Guerra Mundial. Após a guerra, os governos haviam se deparado com um enorme excedente de nitrato de amônio, ingrediente usado na fabricação de explosivos. A partir daí as fábricas de munição foram adaptadas para começar a produzir fertilizantes tendo como componente principal os nitratos.

SOUZA, F.A. Agricultura natural/orgânica como instrumento de fixação biológica e manutenção do nitrogênio no solo: um modelo sustentável de MDL. Disponível em: [www.planetaorganico.com.br](http://www.planetaorganico.com.br). Acesso em: 17 jul. 2015 (adaptado).

No ciclo natural do nitrogênio, o equivalente ao principal componente desses fertilizantes industriais é produzido na etapa de

- a) nitratação.
- b) nitrosação.
- c) amonificação.
- d) desnitrificação.
- e) fixação biológica do  $N_2$ .

#### **Resolução**

O principal componente dos fertilizantes industriais citado na questão é o nitrato, substância que, durante o ciclo bioquímico do nitrogênio é produzido na etapa de nitratação por bactérias do gênero *Nitrobacter*, entre outras.

Resposta: **A**

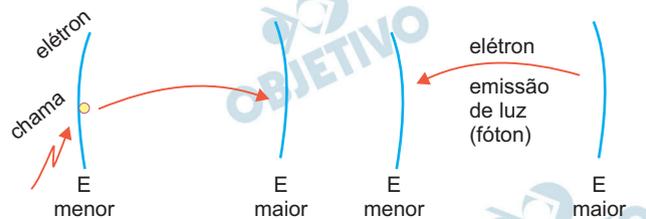
Um fato corriqueiro ao se cozinhar arroz é o derramamento de parte da água de cozimento sobre a chama azul do fogo, mudando-a para uma chama amarela. Essa mudança de cor pode suscitar interpretações diversas, relacionadas às substâncias presentes na água de cozimento. Além do sal de cozinha ( $\text{NaCl}$ ), nela se encontram carboidratos, proteínas e sais minerais.

Cientificamente, sabe-se que essa mudança de cor da chama ocorre pela

- reação do gás de cozinha com o sal, volatilizando gás cloro.
- emissão de fótons pelo sódio, excitado por causa da chama.
- produção de derivado amarelo, pela reação com o carboidrato.
- reação do gás de cozinha com a água, formando gás hidrogênio.
- excitação das moléculas de proteínas, com formação de luz amarela.

#### Resolução

A mudança de cor da chama de azul para amarela é devida à transição eletrônica de um nível de energia maior para um nível de energia menor que ocorre na eletrosfera do sódio (teoria de Bohr).



**Conclusão:** A emissão de fótons pelo sódio excitado por causa da chama.

Resposta: **B**

A classificação biológica proposta por Whittaker permite distinguir cinco grandes linhas evolutivas utilizando, como critérios de classificação, a organização celular e o modo de nutrição. Woese e seus colaboradores, com base na comparação das sequências que codificam o RNA ribossômico dos seres vivos, estabeleceram relações de ancestralidade entre os grupos e concluíram que os procariontes do reino Monera não eram um grupo coeso do ponto de vista evolutivo.

<b>Whittaker (1969)</b> <b>Cinco reinos</b>	<b>Woese (199)</b> <b>Três domínios</b>
Monera	Archaea
	Eubacteria
Protista	Eukarya
Fungi	
Plantae	
Animalia	

A diferença básica nas classificações citadas é que a mais recente se baseia fundamentalmente em

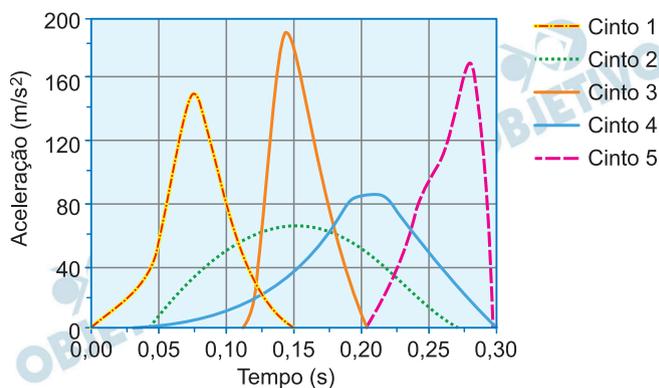
- a) tipos de células.
- b) aspectos ecológicos.
- c) relações filogenéticas.
- d) propriedades fisiológicas.
- e) características morfológicas.

#### **Resolução**

**A diferença básica nas classificações citadas (Whittaker – Cinco reinos e Woese – Três domínios) é que a mais recente se baseia fundamentalmente em relações filogenéticas.**

Resposta: **C**

Em uma colisão frontal entre dois automóveis, a força que o cinto de segurança exerce sobre o tórax e abdômen do motorista pode causar lesões graves nos órgãos internos. Pensando na segurança do seu produto, um fabricante de automóveis realizou testes em cinco modelos diferentes de cinto. Os testes simularam uma colisão de 0,30 segundo de duração, e os bonecos que representavam os ocupantes foram equipados com acelerômetros. Esse equipamento registra o módulo da desaceleração do boneco em função do tempo. Os parâmetros como massa dos bonecos, dimensões dos cintos e velocidade imediatamente antes e após o impacto foram os mesmos para todos os testes. O resultado final obtido está no gráfico de aceleração por tempo.



Qual modelo de cinto oferece menor risco de lesão interna ao motorista?

- a) 1      b) 2      c) 3      d) 4      e) 5

#### Resolução

O risco de lesão interna está ligado à intensidade da força de frenagem e, portanto à intensidade da aceleração do carro.

O cinto 2 corresponde ao de menor aceleração máxima e, portanto, o de menor risco de lesão.

Resposta: **B**

Pesquisadores criaram um tipo de plaqueta artificial, feita com um polímero gelatinoso coberto de anticorpos, que promete agilizar o processo de coagulação quando injetada no corpo. Se houver sangramento, esses anticorpos fazem com que a plaqueta mude sua forma e se transforme em uma espécie de rede que gruda nas lesões dos vasos sanguíneos e da pele.

MOUTINHO, S. Coagulação acelerada. Disponível em: <http://cienciahoje.uol.com.br>. Acesso em: 19 fev. 2013 (adaptado).

Qual a doença cujos pacientes teriam melhora de seu estado de saúde com o uso desse material?

- a) Filariose.
- b) Hemofilia.
- c) Aterosclerose.
- d) Doença de Chagas.
- e) Síndrome da imunodeficiência adquirida.

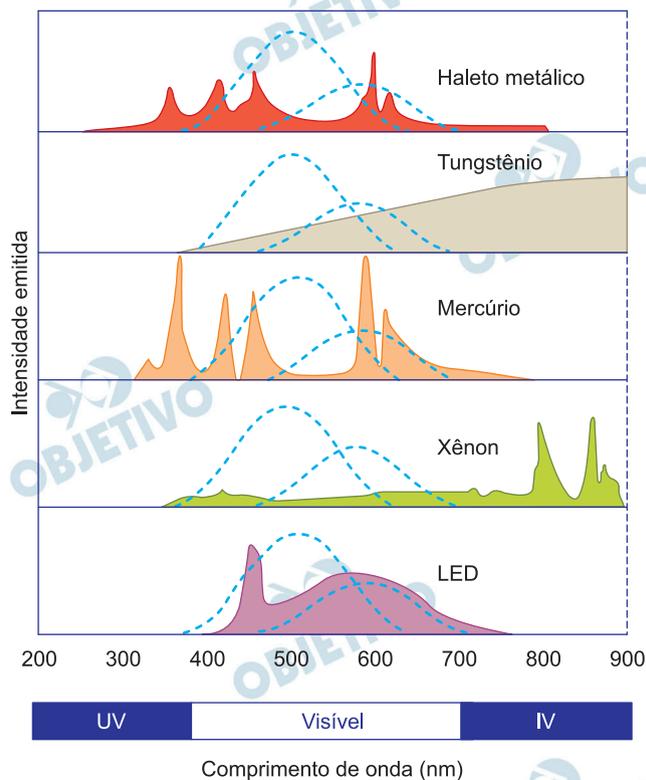
#### **Resolução**

**Pacientes teriam melhora em sua saúde, ocasionada pelo sangramento, com o uso do polímero gelatinoso (plaqueta artificial) capaz de se transformar em uma rede de fibras que cura as lesões dos vasos sanguíneos e da pele.**

Resposta: **B**

A figura mostra como é a emissão de radiação eletromagnética para cinco tipos de lâmpada: haleto metálico, tungstênio, mercúrio, xênon e LED (díodo emissor de luz). As áreas marcadas em cinza são proporcionais à intensidade da energia liberada pela lâmpada. As linhas pontilhadas mostram a sensibilidade do olho humano aos diferentes comprimentos de onda. UV e IV são as regiões do ultravioleta e do infravermelho, respectivamente.

Um arquiteto deseja iluminar uma sala usando uma lâmpada que produza boa iluminação, mas que não aqueça o ambiente.



Disponível em: <http://zeiss-campus.magnet.fsu.edu>.

Acesso em: 8 maio 2017 (adaptado).

Qual tipo de lâmpada melhor atende ao desejo do arquiteto?

- a) Haleto metálico.    b) Tungstênio.    c) Mercúrio.  
d) Xênon.            e) LED

### Resolução

A lâmpada LED, dentre as opções apresentadas, é a que mais emite na faixa do visível. Além disso, a intensidade emitida na faixa do IV é desprezível, o que melhor atende o desejo do arquiteto, que é de não aquecer em demasia o ambiente.

Resposta: **E**

Partículas microscópicas existentes na atmosfera funcionam como núcleos de condensação de vapor de água que, sob condições adequadas de temperatura e pressão, propiciam a formação das nuvens e conseqüentemente das chuvas. No ar atmosférico, tais partículas são formadas pela reação de ácidos (HX) com a base  $\text{NH}_3$ , de forma natural ou antropogênica, dando origem a sais de amônio ( $\text{NH}_4\text{X}$ ), de acordo com a equação química genérica:



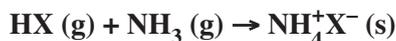
FELIX, E. P.; CARDOSO, A. A. Fatores ambientais que afetam a precipitação úmida. *Química Nova na Escola*, n. 21, maio 2005 (adaptado).

A fixação de moléculas de vapor de água pelos núcleos de condensação ocorre por

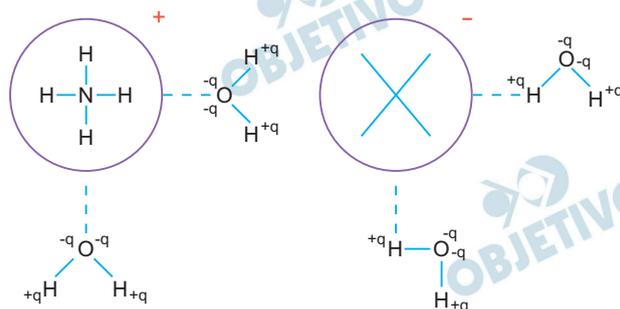
- ligações iônicas.
- interações dipolo-dipolo.
- interações dipolo-dipolo induzido.
- interações íon-dipolo.
- ligações covalentes.

#### Resolução

A reação da base  $\text{NH}_3(\text{g})$  com ácidos  $\text{HX}(\text{g})$  forma compostos iônicos de fórmula  $\text{NH}_4\text{X}(\text{s})$



Ocorrerá a fixação de moléculas de água (polares) com íons  $\text{NH}_4^+$  e  $\text{X}^-$  por forças de interação íon-dipolo.



Resposta: **D**

Em uma linha de transmissão de informações por fibra óptica, quando um sinal diminui sua intensidade para valores inferiores a 10 dB, este precisa ser retransmitido. No entanto, intensidades superiores a 100 dB não podem ser transmitidas adequadamente. A figura apresenta como se dá a perda de sinal (perda óptica) para diferentes comprimentos de onda para certo tipo de fibra óptica.



**Atenuação e limitações das fibras ópticas.** Disponível em:  
www.gta.ufrj.br.

Acesso em: 25 maio 2017 (adaptado).

Qual é a máxima distância, em km, que um sinal pode ser enviado nessa fibra sem ser necessária uma retransmissão?

- a) 6      b) 18      c) 60      d) 90      e) 100

#### Resolução

A menor perda óptica ocorre, de acordo com o gráfico, para o comprimento de onda de  $1,5\mu\text{m}$  e corresponde a 1 dB/km.

A faixa operacional da linha, sem retransmissão, ocorre entre 10dB e 100dB; dessa forma, para a diferença de 90dB, temos:

$$1\text{dB de perda} \text{ — } 1,0\text{km}$$

$$90\text{dB de perda} \text{ — } d$$

$$d \cdot 1 \text{ (dB)} = 90 \text{ (dB)} \cdot 1,0 \text{ (km)}$$

$$d = 90\text{km}$$

Resposta: **D**

A técnica do carbono-14 permite a datação de fósseis pela medição dos valores de emissão beta desse isótopo presente no fóssil. Para um ser em vida, o máximo são 15 emissões beta/(min g). Após a morte, a quantidade de  $^{14}\text{C}$  se reduz pela metade a cada 5 730 anos.

**A prova do carbono 14.**

Disponível em: <http://noticias.terra.com.br>.

Acesso em: 9 nov. 2013 (adaptado).

Considere que um fragmento fóssil de massa igual a 30 g foi encontrado em um sítio arqueológico, e a medição de radiação apresentou 6 750 emissões beta por hora. A idade desse fóssil, em anos, é

- a) 450.                      b) 1 433.                      c) 11 460.  
d) 17 190.                      e) 27 000.

**Resolução**

$$1) E_0 = \frac{15 \text{ emissões beta}}{\text{min} \cdot \text{g}} = 15 \cdot 60 \frac{\text{emissões beta}}{\text{h} \cdot \text{g}}$$

$$E_0 = 900 \frac{\text{emissões beta}}{\text{h} \cdot \text{g}}$$

- 2) Para o fóssil de massa 30g, temos:

$$N_0 = 30 E_0 = 27\,000 \frac{\text{emissões beta}}{\text{h}}$$

$$3) N = 6750 \frac{\text{emissões beta}}{\text{h}}$$

$$N = \frac{N_0}{2^n}$$

$$6750 = \frac{27\,000}{2^n}$$

$$2^n = \frac{27\,000}{6750} = 4$$

$$2^n = 2^2 \Rightarrow n = 2$$

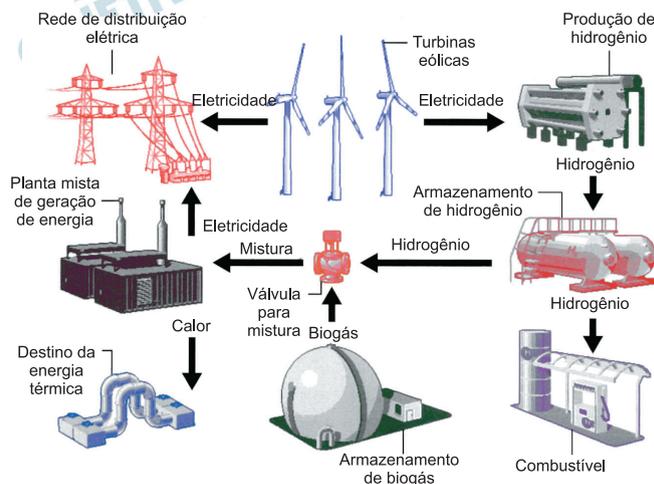
$$4) \Delta t = nT$$

$$\Delta t = 2 \cdot 5730 \text{ anos}$$

$$\Delta t = 11\,460 \text{ anos}$$

Resposta: C

A figura mostra o funcionamento de uma estação híbrida de geração de eletricidade movida a energia eólica e biogás. Essa estação possibilita que a energia gerada no parque eólico seja armazenada na forma de gás hidrogênio, usado no fornecimento de energia para a rede elétrica comum e para abastecer células a combustível.



Disponível em: [www.enertrag.com](http://www.enertrag.com).

Acesso em: 24 abr. 2015 (adaptado).

Mesmo com ausência de ventos por curtos períodos, essa estação continua abastecendo a cidade onde está instalada, pois o(a)

- planta mista de geração de energia realiza eletrólise para enviar energia à rede de distribuição elétrica.
- hidrogênio produzido e armazenado é utilizado na combustão com o biogás para gerar calor e eletricidade.
- conjunto de turbinas continua girando com a mesma velocidade, por inércia, mantendo a eficiência anterior.
- combustão da mistura biogás-hidrogênio gera diretamente energia elétrica adicional para a manutenção da estação.
- planta mista de geração de energia é capaz de utilizar todo o calor fornecido na combustão para a geração de eletricidade.

### Resolução

Em primeiro lugar, vamos observar que as turbinas eólicas propiciam a produção de hidrogênio, o qual pode ser armazenado e usado posteriormente, na ausência de vento.

Nos curtos períodos de não funcionamento das turbinas eólicas (calmaria), podemos usar o biogás (armazenado) e misturá-lo com o hidrogênio (armazenado), produzindo a combustão do biogás, a qual vai gerar calor. Este é usado na produção de vapor d'água, acionando as turbinas que, por sua vez, darão energia mecânica aos geradores elétricos.

Resposta: **B**

Na Idade Média, para elaborar preparados a partir de plantas produtoras de óleos essenciais, as coletas das espécies eram realizadas ao raiar do dia. Naquela época, essa prática era fundamentada misticamente pelo efeito mágico dos raios lunares, que seria anulado pela emissão dos raios solares. Com a evolução da ciência, foi comprovado que a coleta de algumas espécies ao raiar do dia garante a obtenção de material com maiores quantidades de óleos essenciais.

A explicação científica que justifica essa prática se baseia na

- a) volatilização das substâncias de interesse.
- b) polimerização dos óleos catalisada pela radiação solar.
- c) solubilização das substâncias de interesse pelo orvalho.
- d) oxidação do óleo pelo oxigênio produzido na fotossíntese.
- e) liberação das moléculas de óleo durante o processo de fotossíntese.

#### **Resolução**

**Óleos essenciais são misturas complexas de substâncias voláteis, lipofílicas, com baixa massa molecular, geralmente odoríferas e líquidas, constituídas na maioria das vezes, por moléculas de natureza terpênic. Frequentemente apresentam odor agradável e marcante e podem ser extraídos das partes vegetais através de arraste a vapor d'água, hidrodestilação e por solventes orgânicos apolares.**

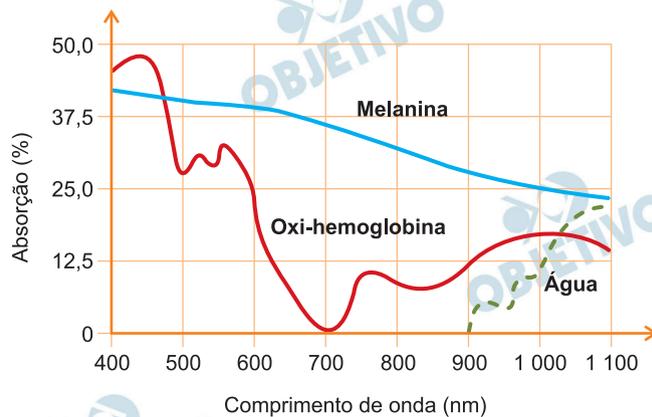
**Em temperatura ambiente apresentam aspecto oleoso, tendo como principal característica a volatilidade.**

**A intensidade luminosa é um fator que influencia a concentração bem como a composição dos óleos essenciais.**

**Ao raiar do dia ocorre a volatilização das substâncias constituintes de óleos essenciais.**

**Resposta: A**

A epilação a *laser* (popularmente conhecida como depilação a *laser*) consiste na aplicação de uma fonte de luz para aquecer e causar uma lesão localizada e controlada nos folículos capilares. Para evitar que outros tecidos sejam danificados, selecionam-se comprimentos de onda que são absorvidos pela melanina presente nos pelos, mas que não afetam a oxi-hemoglobina do sangue e a água dos tecidos da região em que o tratamento será aplicado. A figura mostra como é a absorção de diferentes comprimentos de onda pela melanina, oxi-hemoglobina e água.



MACEDO F. S.; MONTEIRO, E. O. Epilação com *laser* e luz intensa pulsada. **Revista Brasileira de Medicina**. Disponível em: [www.moreirajr.com.br](http://www.moreirajr.com.br).

Acesso em: 4 set. 2015 (adaptado).

Qual é o comprimento de onda, em nm, ideal para a epilação a *laser*?

- a) 400      b) 700      c) 1 100      d) 900      e) 500

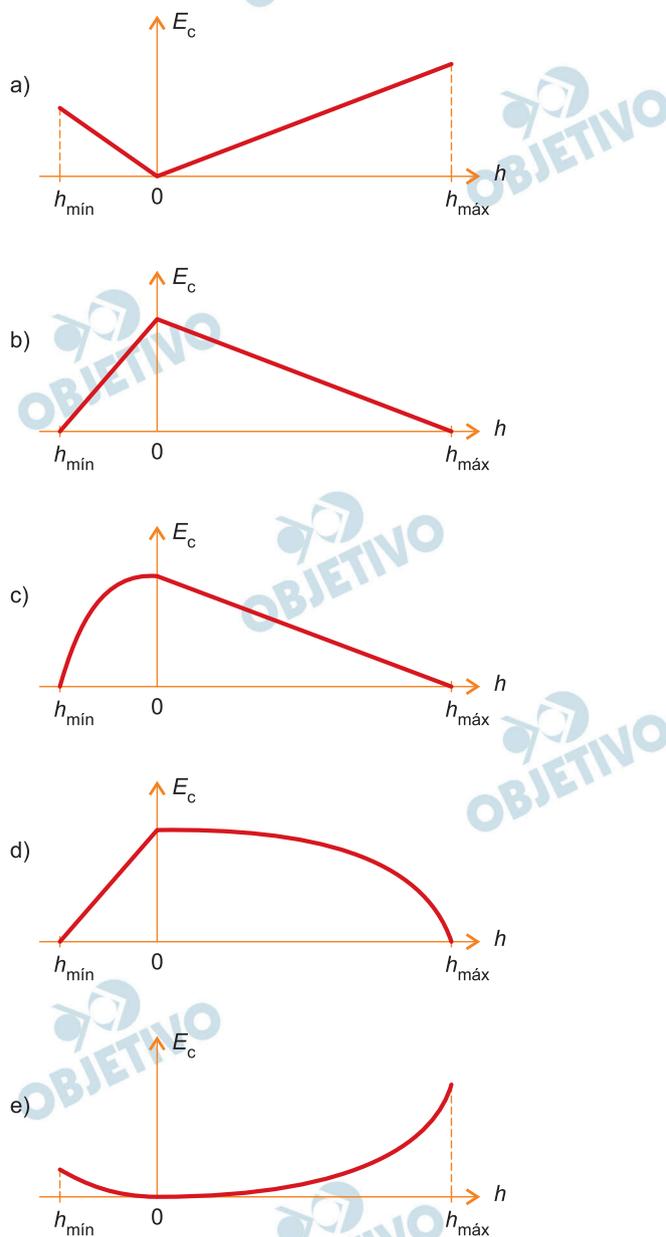
#### Resolução

A melanina tem absorção percentual elevada, com nenhuma absorção por parte da oxi-hemoglobina e absorção nula por parte da água, para o comprimento de onda de 700 nm.

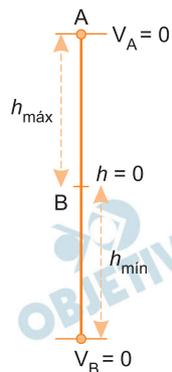
Resposta: **B**

O brinquedo pula-pula (cama elástica) é composto por uma lona circular flexível horizontal presa por molas à sua borda. As crianças brincam pulando sobre ela, alterando e alternando suas formas de energia. Ao pular verticalmente, desprezando o atrito com o ar e os movimentos de rotação do corpo enquanto salta, uma criança realiza um movimento periódico vertical em torno da posição de equilíbrio da lona ( $h = 0$ ), passando pelos pontos de máxima e de mínima alturas,  $h_{\text{máx}}$  e  $h_{\text{mín}}$ , respectivamente.

Esquemáticamente, o esboço do gráfico da energia cinética da criança em função de sua posição vertical na situação descrita é:



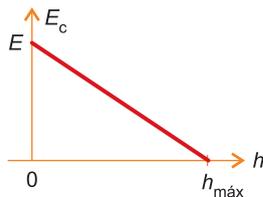
### Resolução



1) No trajeto de A para B:

$$E = mgh + E_C = \text{constante}$$

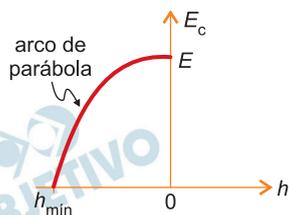
$$E_C = E - mgh$$



2) No trajeto de B para C:

$$E = \frac{k h^2}{2} + E_C + mgh$$

$$E_C = E - mgh - \frac{k h^2}{2}$$



Resposta: C

O fenômeno da piracema (subida do rio) é um importante mecanismo que influencia a reprodução de algumas espécies de peixes, pois induz o processo que estimula a queima de gordura e ativa mecanismos hormonais complexos, preparando-os para a reprodução. Intervenções antrópicas nos ambientes aquáticos, como a construção de barragens, interferem na reprodução desses animais.

MALTA, P. Impacto ambiental das barragens hidrelétricas. Disponível em: <http://futurambiental.com>. Acesso em: 10 maio 2013 (adaptado).

Essa intervenção antrópica prejudica a piracema porque reduz o(a)

- a) percurso da migração.
- b) longevidade dos indivíduos.
- c) disponibilidade de alimentos.
- d) período de migração da espécie.
- e) número de espécies de peixes no local.

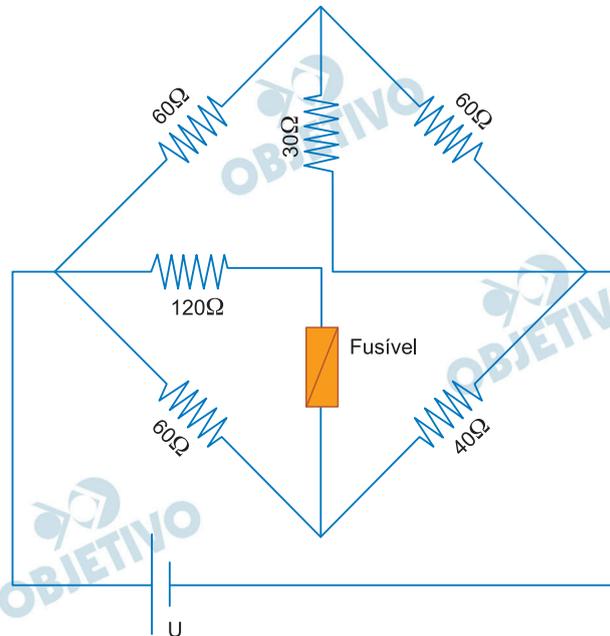
#### **Resolução**

**A construção da barragem da hidrelétrica altera o ambiente aquático de lótico para lântico, mudando a taxa de oxigênio da água, além da estratificação térmica e da oscilação do nível do reservatório. Como a piracema é comandada pelos processos físicos químicos, sofrerá influência da construção, podendo ocorrer até em períodos anormais.**

**Porém o maior impacto aos peixes é a redução do espaço da migração fazendo com que peixes se reproduzam próximo aos canais de fuga das represas.**

Resposta: **A**

Fusível é um dispositivo de proteção contra sobrecorrente em circuitos. Quando a corrente que passa por esse componente elétrico é maior que sua máxima corrente nominal, o fusível queima. Dessa forma, evita que a corrente elevada danifique os aparelhos do circuito. Suponha que o circuito elétrico mostrado seja alimentado por uma fonte de tensão  $U$  e que o fusível suporte uma corrente nominal de 500 mA.

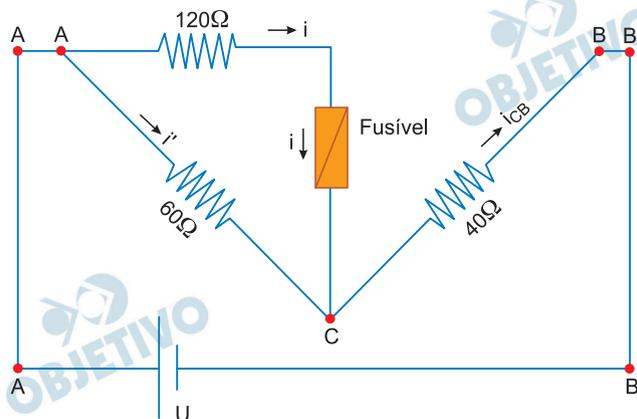


Qual é o máximo valor da tensão  $U$  para que o fusível não queime?

- a) 20V    b) 40V    c) 60V    d) 120V    e) 185V

### Resolução

Analisando a parte inferior do circuito fornecido, temos:



No resistor de  $120\Omega$ , temos:

$$U_{AC} = R \cdot i$$

$$U_{AC} = 120 \cdot 500 \cdot 10^{-3} \text{ (V)}$$

$$U_{AC} = 60\text{V}$$

No resistor de  $60\Omega$ , temos:

$$U_{AC} = R \cdot i'$$

$$60 = 60 i'$$

$$i' = 1,0\text{A}$$

No resistor de  $40\Omega$ , vem:

$$i_{CB} = i + i'$$

$$i_{CB} = 0,5A + 1,0A$$

$$i_{CB} = 1,5A$$

Assim:

$$U_{CB} = R_{CB} \cdot i_{CB}$$

$$U_{CB} = 40 \cdot 1,5 \text{ (V)}$$

$$U_{CB} = 60V$$

Portanto, a tensão elétrica  $U$  será dada por:

$$U_{AB} = U_{AC} + U_{CB}$$

$$U = 60V + 60V$$

$$U = 120V$$

Resposta: **D**

Os botos-cinza (*Sotalia guianensis*), mamíferos da família dos golfinhos, são excelentes indicadores da poluição das áreas em que vivem, pois passam toda a sua vida – cerca de 30 anos – na mesma região. Além disso, a espécie acumula mais contaminantes em seu organismo, como o mercúrio, do que outros animais da sua cadeia alimentar.

MARCOLINO, B. Sentinelas do mar. Disponível em: <http://cienciahoje.uol.com.br>. Acesso em: 1 ago. 2012 (adaptado).

Os botos-cinza acumulam maior concentração dessas substâncias porque

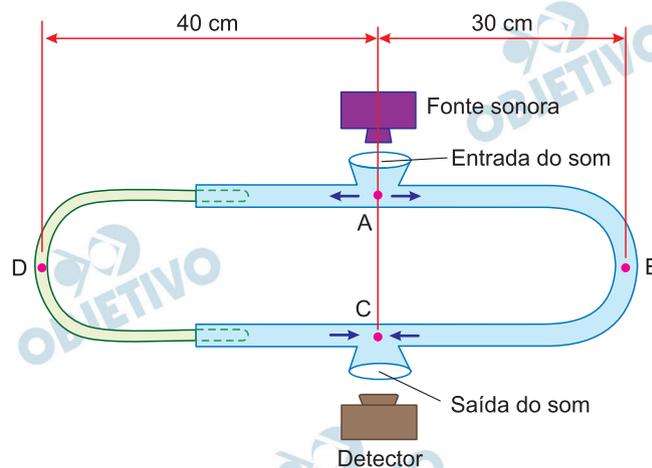
- a) são animais herbívoros.
- b) são animais detritívoros.
- c) são animais de grande porte.
- d) digerem o alimento lentamente.
- e) estão no topo da cadeia alimentar.

#### **Resolução**

**Substâncias não biodegradáveis, como por exemplo, metais pesados (mercúrio), acumulam-se nos seres vivos ao longo da cadeia alimentar por não serem decompostos. Portanto, os seres que estão no topo da cadeia alimentar são os mais afetados pelo efeito cumulativo dessas substâncias.**

Resposta:  E

O trombone de Quincke é um dispositivo experimental utilizado para demonstrar o fenômeno da interferência de ondas sonoras. Uma fonte emite ondas sonoras de determinada frequência na entrada do dispositivo. Essas ondas se dividem pelos dois caminhos (*ADC* e *AEC*) e se encontram no ponto *C*, a saída do dispositivo, onde se posiciona um detector. O trajeto *ADC* pode ser aumentado pelo deslocamento dessa parte do dispositivo. Com o trajeto *ADC* igual ao *AEC*, capta-se um som muito intenso na saída. Entretanto, aumentando-se gradativamente o trajeto *ADC*, até que ele fique como mostrado na figura, a intensidade do som na saída fica praticamente nula. Desta forma, conhecida a velocidade do som no interior do tubo (320m/s), é possível determinar o valor da frequência do som produzido pela fonte.



O valor da frequência, em hertz, do som produzido pela fonte sonora é

- a) 3 200.      b) 1 600.      c) 800.  
d) 640.      e) 400.

### Resolução

Deslocando-se a haste móvel do trombone a partir da posição inicial, que determina no local de saída do som uma situação de interferência construtiva, as ondas que atingem o detector se defasam até ficarem em oposição de fase. Nesse caso, ocorre interferência destrutiva (anulamento) no detector e o som percebido nesse local tem intensidade praticamente nula.

Condição de interferência destrutiva:

$$\Delta x = i \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \Delta x = i \frac{v_{\text{som}}}{2f} \quad (i = 1, 3, 5, \dots)$$

Sendo  $\Delta x = 2 \cdot (40 - 30) \text{ cm} = 20 \text{ cm} = 0,20 \text{ m}$ ,  
 $v_{\text{som}} = 320 \text{ m/s}$  e  $i = 1$  (1.<sup>a</sup> posição da haste para a ocorrência de interferência destrutiva), vem:

$$0,20 = 1 \cdot \frac{320}{2f} \Rightarrow \boxed{f = 800 \text{ Hz}}$$

Resposta: **C**

A farinha de linhaça dourada é um produto natural que oferece grandes benefícios para o nosso organismo. A maior parte dos nutrientes da linhaça encontra-se no óleo desta semente, rico em substâncias lipossolúveis com massas moleculares elevadas. A farinha também apresenta altos teores de fibras proteicas insolúveis em água, celulose, vitaminas lipossolúveis e sais minerais hidrossolúveis.

Considere o esquema, que resume um processo de separação dos componentes principais da farinha de linhaça dourada.



O óleo de linhaça será obtido na fração

- a) Destilado 1.                      b) Destilado 2.  
 c) Resíduo 2.                        d) Resíduo 3.  
 e) Resíduo 4.

### Resolução

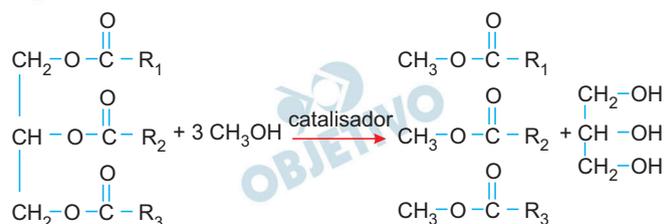
Ao adicionar éter etílico à farinha de linhaça dourada, ocorrerá dissolução de substâncias apolares (lipossolúveis) como os óleos presentes na semente da linhaça e vitaminas lipossolúveis, formando um extrato etéreo.

Por destilação, o éter, mais volátil que o óleo, será destilado (destilado 1) e o óleo de linhaça e as vitaminas lipossolúveis irão constituir o resíduo 4.

O resíduo 1 deve conter fibras proteicas, celulose e sais minerais. Ao adicionar água, solubilizará os sais minerais e o resíduo 2 conterá fibras proteicas e celulose. Por destilação, teremos água no destilado 2 e os sais minerais no resíduo 3.

Resposta:  E

O biodiesel é um biocombustível obtido a partir de fontes renováveis, que surgiu como alternativa ao uso do diesel de petróleo para motores de combustão interna. Ele pode ser obtido pela reação entre triglicerídeos, presentes em óleos vegetais e gorduras animais, entre outros, e álcoois de baixa massa molar, como o metanol ou etanol, na presença de um catalisador, de acordo com a equação química:

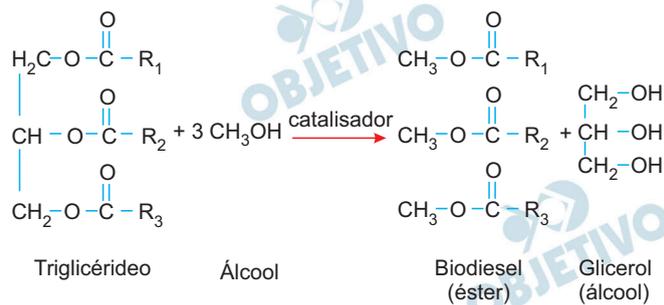


A função química presente no produto que representa o biodiesel é

- éter.
- éster.
- álcool.
- cetona.
- ácido carboxílico.

#### Resolução

O biodiesel é obtido a partir da reação de triglicerídeos e álcoois.



A função química presente no biodiesel é *éster*.

Resposta: **B**

As centrífugas são equipamentos utilizados em laboratórios, clínicas e indústrias. Seu funcionamento faz uso da aceleração centrífuga obtida pela rotação de um recipiente e que serve para a separação de sólidos em suspensão em líquidos ou de líquidos misturados entre si.

RODITI, I. **Dicionário Houaiss de física**. Rio de Janeiro: Objetiva, 2005 (adaptado).

Nesse aparelho, a separação das substâncias ocorre em função

- a) das diferentes densidades.
- b) dos diferentes raios de rotação.
- c) das diferentes velocidades angulares.
- d) das diferentes quantidades de cada substância.
- e) da diferente coesão molecular de cada substância.

**Resolução**

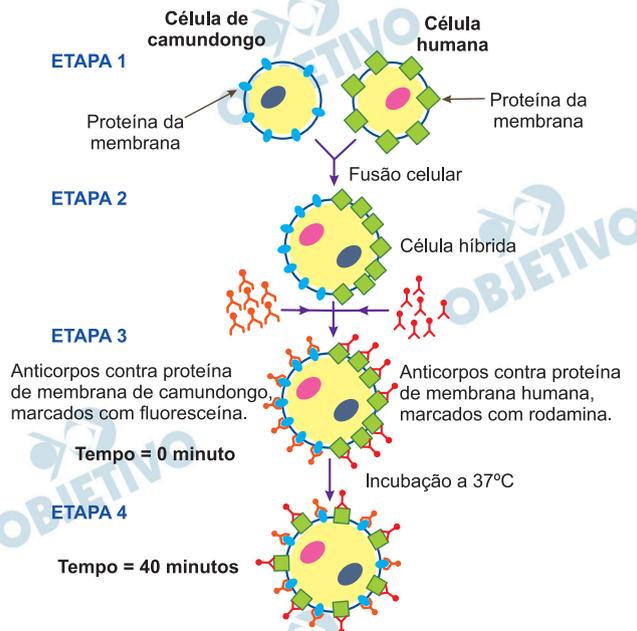
Na centrífuga usa-se o conceito da força de inércia centrífuga:

$$F_{cf} = m \omega^2 R$$

O módulo da força centrífuga será proporcional à massa do sólido e, portanto, depende de sua densidade.

Resposta: **A**

Visando explicar uma das propriedades da membrana plasmática, fusionou-se uma célula de camundongo com uma célula humana, formando uma célula híbrida. Em seguida, com o intuito de marcar as proteínas de membrana, dois anticorpos foram inseridos no experimento, um específico para as proteínas de membrana do camundongo e outro para as proteínas de membrana humana. Os anticorpos foram visualizados ao microscópio por meio de fluorescência de cores diferentes.



ALBERTS, B. et al. Biologia molecular da célula. Porto Alegre: Artes Médicas. 1997 (adaptado).

A mudança observada da etapa 3 para a etapa 4 do experimento ocorre porque as proteínas

- movimentam-se livremente no plano da bicamada lipídica.
- permanecem confinadas em determinadas regiões da bicamada.
- auxiliam o deslocamento dos fosfolipídios da membrana plasmática.
- são mobilizadas em razão da inserção de anticorpos.
- são bloqueadas pelos anticorpos.

### Resolução

A mudança entre as etapas 3 e 4 que pode ser observada na figura é a movimentação das proteínas do camundongo e do ser humano ao longo da membrana plasmática após 40 minutos. Essa propriedade de movimentação é devido a fluidez da bicamada lipídica, conferida pelo modelo de mosaico fluído.

Resposta: **A**

A distrofia muscular Duchenne (DMD) é uma doença causada por uma mutação em um gene localizado no cromossomo X. Pesquisadores estudaram uma família na qual gêmeas monozigóticas eram portadoras de um alelo mutante recessivo para esse gene (heterozigóticas). O interessante é que uma das gêmeas apresentava o fenótipo relacionado ao alelo mutante, isto é, DMD, enquanto a sua irmã apresentava fenótipo normal.

RICHARDS, C. S. et al. The American Journal of Human Genetics, n. 4, 1990 (adaptado).

A diferença na manifestação da DMD entre as gêmeas pode ser explicada pela

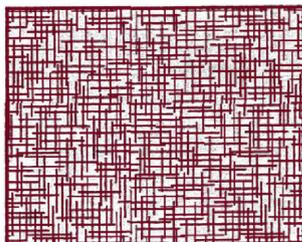
- a) dominância incompleta do alelo mutante em relação ao alelo normal.
- b) falha na separação dos cromossomos X no momento da separação dos dois embriões.
- c) recombinação cromossômica em uma divisão celular embrionária anterior à separação dos dois embriões.
- d) inativação aleatória de um dos cromossomos X em fase posterior à divisão que resulta nos dois embriões.
- e) origem paterna do cromossomo portador do alelo mutante em uma das gêmeas e origem materna na outra.

#### **Resolução**

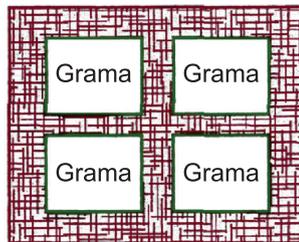
Entre as gêmeas monozigóticas, uma desenvolveu a DMO e a outra, não, por causa da inativação aleatória de um dos cromossomos X em fase posterior à divisão que resulta nos dois embriões. Uma delas inativou o cromossomo  $X^d$  e não é portadora da DMD. A outra inativou o  $X^D$  e apresenta a doença.

Resposta: **D**

Para se adequar às normas ambientais atuais, as construtoras precisam prever em suas obras a questão do uso de materiais de modo a minimizar os impactos causados no local. Entre esses materiais está o chamado concregrama ou pisograma, que é um tipo de revestimento composto por peças de concreto com áreas vazadas, preenchidas com solo gramado. As figuras apresentam essas duas formas de piso feitos de concreto.



Piso tradicional de concreto



Piso concregrama

PONTES, K. L. F. Estudo de caso de um protótipo experimental [...]. Disponível em: <http://monografia.poli.urfj.br>. Acesso em: 9 maio de 2017 (adaptado).

A utilização desse tipo de piso em uma obra tem o objetivo de evitar, no solo a

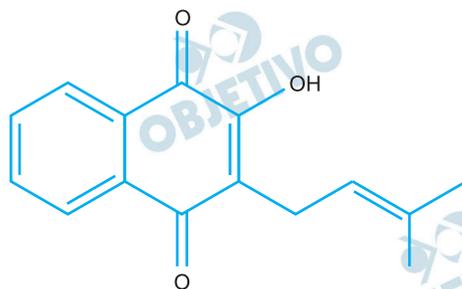
- a) impermeabilização.
- b) diminuição da temperatura.
- c) acumulação de matéria orgânica.
- d) alteração do pH.
- e) salinização.

#### Resolução

A utilização do piso concregrama tem o objetivo de evitar, no solo, a impermeabilização à água.

Resposta: **A**

Diversos produtos naturais podem ser obtidos de plantas por processo de extração. O lapachol é da classe das naftoquinonas. Sua estrutura apresenta uma hidroxila enólica ( $pK_a = 6,0$ ) que permite que este composto seja isolado da serragem dos ipês por extração com solução adequada, seguida de filtração simples. Considere que  $pK_a = -\log K_a$ , em que  $K_a$  é a constante ácida da reação de ionização do lapachol.



Lapachol

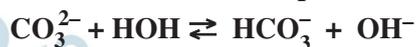
COSTA, P. R. R. et al. **Ácidos e bases em química orgânica**. Porto Alegre: Bookman, 2005 (adaptado).

Qual solução deve ser usada para extração do lapachol da serragem do ipê com maior eficiência?

- Solução de  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  para formar um sal de lapachol.
- Solução-tampão ácido acético/acetato de sódio ( $\text{pH} = 4,5$ ).
- Solução de  $\text{NaCl}$  a fim de aumentar a força iônica do meio.
- Solução de  $\text{Na}_2\text{SO}_4$  para formar um par iônico com lapachol
- Solução de  $\text{HCl}$  a fim de extraí-lo por meio de reação ácido-base.

#### Resolução

Devido ao caráter ácido do lapachol, pode-se utilizar uma solução de  $\text{Na}_2\text{CO}_3$ , que possui caráter básico, gerando a forma desprotonada do lapachol, mais solúvel em água. Assim, aumenta-se a eficiência da extração. A hidrólise do carbonato de sódio produz meio básico.



O íon  $\text{OH}^-$  retira  $\text{H}^+$  do enol.

Resposta: **A**

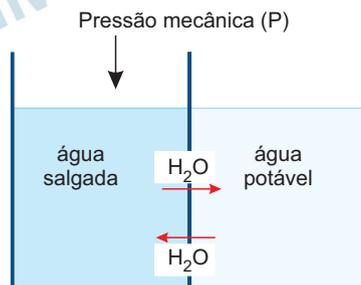
Alguns tipos de dessalinizadores usam o processo de osmose reversa para obtenção de água potável a partir da água salgada. Nesse método, utiliza-se um recipiente contendo dois compartimentos separados por uma membrana semipermeável: em um deles coloca-se água salgada e no outro recolhe-se a água potável. A aplicação de pressão mecânica no sistema faz a água fluir de um compartimento para o outro. O movimento das moléculas de água através da membrana é controlado pela pressão osmótica e pela pressão mecânica aplicada.

Para que ocorra esse processo é necessário que as resultantes das pressões osmótica e mecânica apresentem

- mesmo sentido e mesma intensidade.
- sentidos opostos e mesma intensidade.
- sentidos opostos e maior intensidade da pressão osmótica.
- mesmo sentido e maior intensidade da pressão osmótica.
- sentidos opostos e maior intensidade da pressão mecânica.

### Resolução

#### Esquema da osmose reversa



Para ocorrer osmose reversa, a pressão mecânica aplicada na solução é maior que a pressão osmótica da água salgada, portanto, haverá maior passagem de água da água salgada para a água potável, isto é, no sentido contrário ao da osmose normal.

**Conclusão:** Para ocorrer o processo é necessário que as resultantes das pressões osmótica e mecânica apresentem sentidos opostos ( $\rightleftharpoons$ ) e maior intensidade da pressão mecânica.

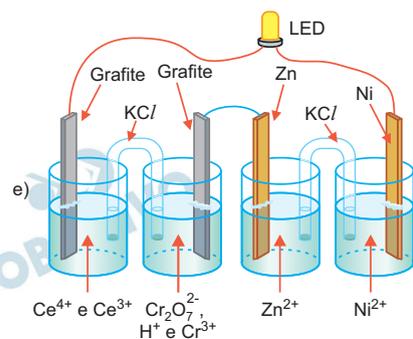
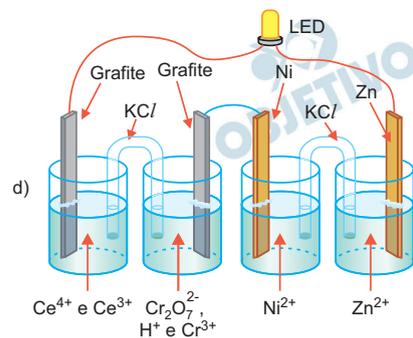
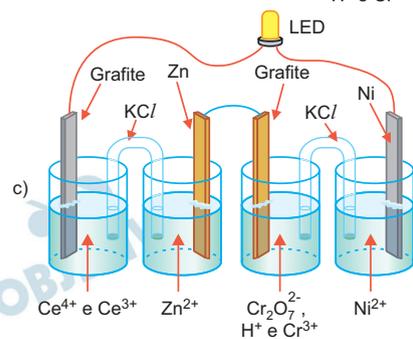
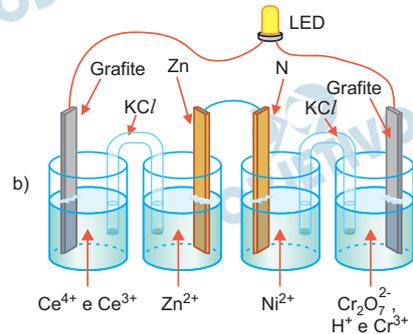
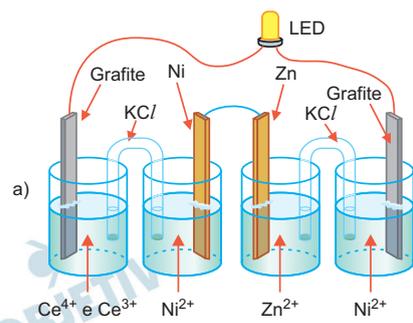
Resposta:  E

# 121

A invenção do LED azul, que permite a geração de outras cores para compor a luz branca, permitiu a construção de lâmpadas energeticamente mais eficientes e mais duráveis do que as incandescentes e fluorescentes. Em um experimento de laboratório, pretende-se associar duas pilhas em série para acender um LED azul que requer 3,6 volts para o seu funcionamento. Considere as semirreações de redução e seus respectivos potenciais mostrados no quadro.

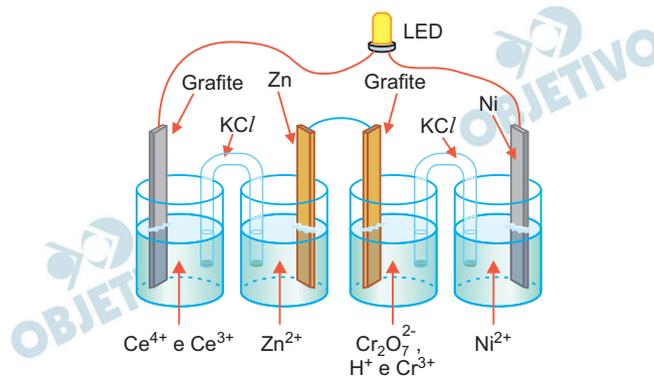
Semirreação de redução	$E^0$ (V)
$\text{Ce}^{4+}(\text{aq}) + \text{e}^- \rightarrow \text{Ce}^{3+}(\text{aq})$	+ 1,61
$\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-} + 14 \text{H}^+(\text{aq}) + 6 \text{e}^- \rightarrow$ $\rightarrow 2 \text{Cr}^{3+}(\text{aq}) + 7 \text{H}_2\text{O}(\text{l})$	+1,33
$\text{Ni}^{2+}(\text{aq}) + 2 \text{e}^- \rightarrow \text{Ni}(\text{s})$	-0,25
$\text{Zn}^{2+}(\text{aq}) + 2 \text{e}^- \rightarrow \text{Zn}(\text{s})$	-0,76

Qual associação em série de pilhas fornece diferença de potencial, nas condições-padrão, suficiente para acender o LED azul?



### Resolução

A diferença de potencial da associação de duas pilhas em série deve ser igual ou maior que 3,6 V que acende um LED azul.



**Pilha 1:**  $\text{Zn (s)}/\text{Zn}^{2+}(\text{aq}) // \text{C}_{\text{grafite}}/\text{Ce}^{4+}(\text{aq}) / \text{Ce}^{3+}(\text{aq})$

numa pilha:  $\Delta E^0 = E_{\text{maior}}^0 - E_{\text{menor}}^0$

$$\Delta E_1^0 = +1,61\text{V} - (-0,76\text{V})$$

$$\Delta E_1^0 = +2,37\text{V}$$

**Pilha 2:**  $\text{Ni(s)}/\text{Ni}^{2+}(\text{aq}) // \text{C}_{\text{grafite}}/\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}(\text{aq}) / \text{Cr}^{3+}(\text{aq})$

$$\Delta E^0 = E_{\text{maior}}^0 - E_{\text{menor}}^0$$

$$\Delta E_2^0 = +1,33\text{V} - (-0,25\text{V})$$

$$\Delta E_2^0 = +1,58\text{V}$$

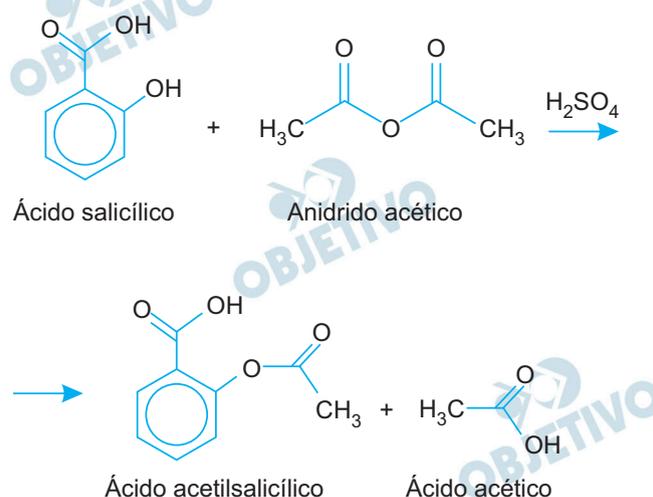
$$\Delta E_{\text{total}}^0 = \Delta E_1^0 + \Delta E_2^0$$

$$\Delta E_{\text{total}}^0 = +2,37\text{V} + 1,58\text{V}$$

$$\Delta E_{\text{total}}^0 = +3,95\text{V}$$

**Resposta:** C

O ácido acetilsalicílico, AAS (massa molar igual a 180 g/mol), é sintetizado a partir da reação do ácido salicílico (massa molar igual a 138 g/mol) com anidrido acético (massa molar igual a 138 g/mol) com anidrido acético, usando-se ácido sulfúrico como catalisador, conforme a equação química:



Após a síntese, o AAS é purificado e o rendimento final é de aproximadamente 50%. Devido às suas propriedades farmacológicas (antitérmico, analgésico, anti-inflamatório, antitrombótico), o AAS é utilizado como medicamento na forma de comprimidos, nos quais se emprega tipicamente uma massa de 500 mg dessa substância.

Uma indústria farmacêutica pretende fabricar um lote de 900 mil comprimidos, de acordo com as especificações do texto. Qual é a massa de ácido salicílico, em kg, que deve ser empregada para esse fim?

- a) 293
- b) 345
- c) 414
- d) 690
- e) 828

#### Resolução

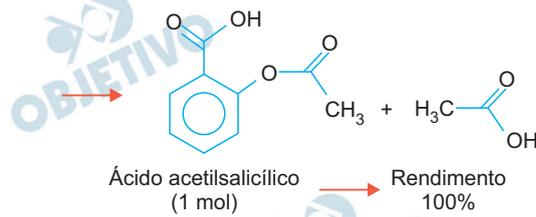
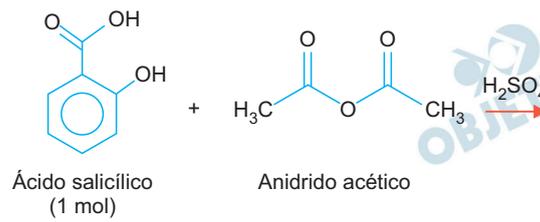
I) Cálculo da massa de ácido acetilsalicílico (AAS) no lote (900 mil comprimidos)

$$1 \text{ comprimido} \text{ ————— } 500 \text{ mg}$$

$$900 \ 000 \text{ comprimidos} \text{ ————— } x$$

$$\Rightarrow x = 45 \cdot 10^4 \text{ g de AAS}$$

II) Cálculo da massa de ácido salicílico necessário, considerando rendimento de 50%.



1 mol de ácido salicílico	$\xrightarrow{\text{produz}}$	0,5 mol de ácido acetilsalicílico (50%)	
↓		↓	
138g de ácido salicílico	—————	90g de ácido acetilsalicílico	
x	—————	45 . 10 <sup>4</sup> g de ácido acetilsalicílico	
$x = 690 \cdot 10^3 \text{ g} \Rightarrow$		690 kg	

Resposta: **D**

# 123

A Mata Atlântica caracteriza-se por uma grande diversidade de epífitas, como as bromélias. Essas plantas estão adaptadas a esse ecossistema e conseguem captar luz, água e nutrientes mesmo vivendo sobre as árvores.

Disponível em: [www.ib.usp.br](http://www.ib.usp.br). Acesso em: 23 fev. 2013 (adaptado).

Essas espécies captam água do(a)

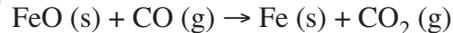
- a) organismo das plantas vizinhas.
- b) solo através de suas longas raízes.
- c) chuva acumulada entre suas folhas.
- d) seiva bruta das plantas hospedeiras.
- e) Comunidade que vive em seu interior.

## Resolução

**Bromélias são epífitas, plantas que sobrevivem sobre os troncos de outras árvores, buscando maior captação de luz. não são parasitas e conseguem água que se acumula por entre suas folhas.**

Resposta: **C**

O ferro é encontrado na natureza na forma de seus minérios, tais como a hematita ( $\alpha\text{-Fe}_2\text{O}_3$ ), a magnetita ( $\text{Fe}_3\text{O}_4$ ) e a wustita ( $\text{FeO}$ ). Na siderurgia, o ferro-gusa é obtido pela fusão de minérios de ferro em altos fornos em condições adequadas. Uma das etapas nesse processo é a formação de monóxido de carbono. O CO (gasoso) é utilizado para reduzir o FeO (sólido), conforme a equação química:



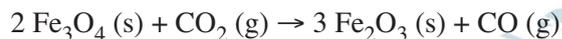
Considere as seguintes equações termoquímicas:



$$\Delta_r H^\ominus = -25 \text{ kJ/mol de Fe}_2\text{O}_3$$



$$\Delta_r H^\ominus = -36 \text{ kJ/mol de CO}_2$$



$$\Delta_r H^\ominus = +47 \text{ kJ/mol de CO}_2$$

O valor mais próximo de  $\Delta_r H^\ominus$ , em kJ/mol de FeO, para a reação indicada do FeO (sólido) com o CO (gasoso) é

a) -14.

b) -17.

c) -50.

d) -64.

e) -100.

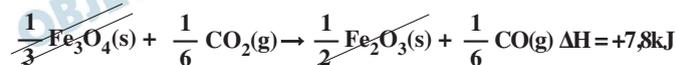
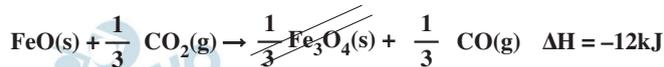
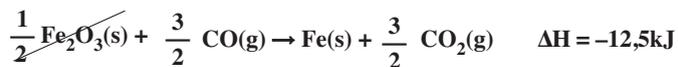
### Resolução

A primeira equação fornecida é multiplicada por  $\frac{1}{2}$ ,

a segunda equação fornecida é multiplicada por  $\frac{1}{3}$  e

a terceira equação fornecida é multiplicada por  $\frac{1}{6}$ .

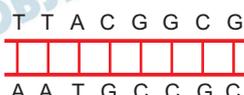
Agora, devemos somar as três equações alteradas para obter a equação que pede o  $\Delta H$ .



Resposta: **B**

A reação em cadeia da polimerase (PCR, na sigla em inglês) é uma técnica de biologia molecular que permite replicação *in vitro* do DNA de forma rápida. Essa técnica surgiu na década de 1980 e permitiu avanços científicos em todas as áreas de investigação genômica. A dupla hélice é estabilizada por ligações hidrogênio, duas entre as bases adenina (A) e timina (T) e três entre as bases guanina (G) e citosina (C). Inicialmente, para que o DNA possa ser replicado, a dupla hélice precisa ser totalmente desnaturada (desenrolada) pelo aumento da temperatura, quando são desfeitas as ligações hidrogênio entre as diferentes bases nitrogenadas.

Qual dos segmentos de DNA será o primeiro a desnaturar totalmente durante o aumento da temperatura na reação de PCR?

- a) 
- b) 
- c) 
- d) 
- d) 

### Resolução

A sequência de DNA que será a primeira a desnaturar com o aumento da temperatura é aquela que possui menor quantidade de ligações de hidrogênio, ou seja, o segmento com maior número de bases nitrogenadas Adenina (A) e Timina (T).

Resposta: **C**

No ar que respiramos existem os chamados “gases inertes”. Trazem curiosos nomes gregos, que significam “o Novo”, “o Oculto”, “o Inativo”. E de fato são de tal modo inertes, tão satisfeitos em sua condição, que não interferem em nenhuma reação química, não se combinam com nenhum outro elemento e justamente por esse motivo ficaram sem ser observados durante séculos: só em 1962 um químico, depois de longos e engenhosos esforços, conseguiu forçar “o Estrangeiro” (o xenônio) a combinar-se fugazmente com o flúor ávido e vivaz, e a façanha pareceu tão extraordinária que lhe foi conferido o Prêmio Nobel.

LEVI, P. **A tabela periódica**. Rio de Janeiro: Relume-Dumará. 1994 (adaptado).

Qual propriedade do flúor justifica sua escolha como reagente para o processo mencionado?

- a) Densidade.
- b) Condutância.
- c) Eletronegatividade.
- d) Estabilidade nuclear.
- e) Temperatura de ebulição.

#### **Resolução**

**O elemento flúor é citado como ÁVIDO e VIVAZ, pois é o elemento mais eletronegativo da tabela periódica. É o elemento com maior tendência a receber elétrons. Ele combinou-se fugazmente com o xenônio, formando, por exemplo, o  $\text{XeF}_4$ .**

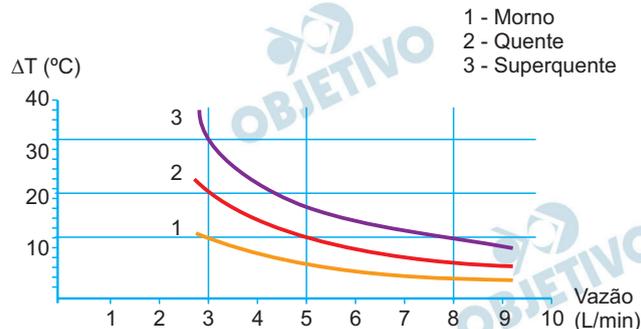
**Neil Bartlett, destacado químico inglês, sintetizou os primeiros compostos de xenônio com flúor. Foi indicado 20 vezes para o prêmio Nobel de Química, mas nunca recebeu o prêmio.**

Resposta: **C**

No manual fornecido pelo fabricante de uma ducha elétrica de 220 V é apresentado um gráfico com a variação da temperatura da água em função da vazão para três condições (morno, quente e superquente). Na condição superquente, a potência dissipada é de 6 500 W. Considere

o calor específico da água igual a 4 200 J/(kg °C) e densidade da água igual a 1 kg/L.

Elevação de temperatura x Curva vazão



Com base nas informações dadas, a potência na condição morno corresponde a que fração da potência na condição superquente?

- a)  $\frac{1}{3}$    b)  $\frac{1}{5}$    c)  $\frac{3}{5}$    d)  $\frac{3}{8}$    e)  $\frac{5}{8}$

### Resolução

A energia elétrica dissipada no resistor da ducha elétrica será absorvida pela água na forma de calor, assim:

$$E_{\text{elétrica}} = Q$$

$$P \cdot \Delta t = m \cdot c \cdot \Delta T$$

$$P \cdot \Delta t = d \cdot V \cdot c \cdot \Delta T$$

$$P = d \cdot \frac{V}{\Delta t} \cdot c \cdot \Delta T$$

A densidade (d) e o calor específico (c) são constantes. Fixando um determinado valor do gráfico para a vazão  $\frac{V}{\Delta t}$ , concluímos, dessa maneira, que a potência elétrica será diretamente proporcional à variação de temperatura ( $\Delta T$ ).

$$P = k \Delta T$$

Do gráfico, para uma vazão de 3 l/min, temos:

$$\text{Situação 1: morno} \Rightarrow P_1 = k12$$

$$\text{Situação 3: superquente} \Rightarrow P_3 = k32$$

$$\text{Assim: } \frac{P_1}{P_3} = \frac{k12}{k32}$$

$$\frac{P_1}{P_3} = \frac{3}{8}$$

Resposta: **D**

A retina é um tecido sensível à luz, localizado na parte posterior do olho, onde ocorre o processo de formação de imagem. Nesse tecido, encontram-se vários tipos celulares específicos. Um desses tipos celulares são os cones, os quais convertem os diferentes comprimentos de onda da luz visível em sinais elétricos, que são transmitidos pelo nervo óptico até o cérebro.

Disponível em: [www.portaldaretina.com.br](http://www.portaldaretina.com.br).

Acesso em: 13 jun. 2012 (adaptado).

Em relação à visão, a degeneração desse tipo celular irá

- a) comprometer a capacidade de visão em cores.
- b) impedir a projeção dos raios luminosos na retina.
- c) provocar a formação de imagens invertidas na retina.
- d) causar dificuldade de visualização de objetos próximos.
- e) acarretar a perda da capacidade de alterar o diâmetro da pupila.

#### **Resolução**

**As células sensoriais da visão são os cones e os bastonetes, localizadas na retina. Essas células convertem a energia luminosa incidente sobre elas em energia elétrica, que escoam para o cérebro por meio de microcorrentes elétricas que fluem através do nervo óptico.**

**As células cones são responsáveis pela visão de cores, enquanto que as células bastonetes respondem pela visão do preto e do branco, bem como dos diversos tons de cinza.**

Resposta: **A**

Em algumas residências, cercas eletrificadas são utilizadas com o objetivo de afastar possíveis invasores. Uma cerca eletrificada funciona com uma diferença de potencial elétrico de aproximadamente 10 000 V. Para que não seja letal, a corrente que pode ser transmitida através de uma pessoa não deve ser maior do que 0,01A. Já a resistência elétrica corporal entre as mãos e os pés de uma pessoa é da ordem de 1 000  $\Omega$ .

Para que a corrente não seja letal a uma pessoa que toca a cerca eletrificada, o gerador de tensão deve possuir uma resistência interna que, em relação à do corpo humano, é

- praticamente nula.
- aproximadamente igual.
- milhares de vezes maior.
- da ordem de 10 vezes maior.
- da ordem de 10 vezes menor.

### Resolução

Para a pessoa, temos:

$$i = 0,01 \text{ A}$$

$$R = 1\,000 \, \Omega$$

Assim:

$$U = R i$$

$$U = 1000 \cdot 0,01 \text{ (V)}$$

$$U = 10 \text{ V}$$

Nessa situação letal, o gerador aplicará na pessoa uma ddp de 10V, assim:

$$U = E - r i$$

$$10 = 10\,000 - r \cdot 0,01$$

$$r = 999\,000 \, \Omega$$

Relacionando o valor da resistência interna ( $r$ ) do gerador com a resistência elétrica ( $R$ ) da pessoa, temos:

$$\frac{r}{R} = \frac{999\,000 \, \Omega}{1\,000 \, \Omega}$$

$$\frac{r}{R} = 999$$

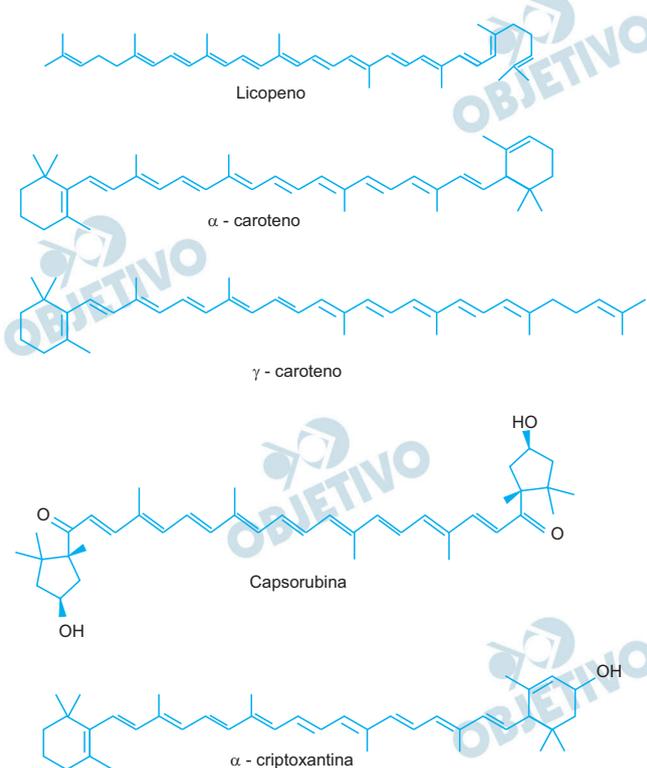
Devemos observar, então, que esta é uma situação limite e, portanto, para que não tenhamos nenhum tipo de risco para a pessoa, é aconselhável que a razão  $\frac{r}{R}$  seja maior que a obtida. Assim, analisando as

opções oferecidas, concluímos que a opção possível é a alternativa c.

Resposta: C

A cromatografia em papel é um método de separação que se baseia na migração diferencial dos componentes de uma mistura entre duas fases imiscíveis. Os componentes da amostra são separados entre a fase estacionária e a fase móvel em movimento no papel. A fase estacionária consiste de celulose praticamente pura, que pode absorver até 22% de água. É a água absorvida que funciona como fase estacionária líquida e que interage com a fase móvel, também líquida (partição líquido-líquido). Os componentes capazes de formar interações intermoleculares mais fortes com a fase estacionária migram mais lentamente.

Uma mistura de hexano com 5% (V/V) de acetona foi utilizada como fase móvel na separação dos componentes de um extrato vegetal obtido a partir de pimentões. Considere que esse extrato contém as substâncias representadas.



RIBEIRO, N. M.; NUNES, C. R. Análise de pigmentos de pimentões por cromatografia em papel. **Química Nova na Escola**, n. 29, ago. 2008 (adaptado).

A substância presente na mistura que migra mais lentamente é o(a)

- a) licopeno.                      b)  $\alpha$ -caroteno.  
 c)  $\gamma$ -caroteno.                d) capsorubina.  
 e)  $\alpha$ -criptoxantina.

### Resolução

Os componentes capazes de formar interações intermoleculares mais fortes com a fase estacionária migram mais lentamente. É a água absorvida que funciona como fase estacionária líquida.

A substância capsorubina, que possui grupos hidroxila

(—OH) e carbonila ( $\text{>C} = \text{O}$ ) é a mais solúvel em água, pois esses grupos estabelecem ligações de hidrogênio com as moléculas de água. É, portanto, a substância que migra mais lentamente.

Resposta: **D**

Um motorista que atende a uma chamada de celular é levado à desatenção, aumentando a possibilidade de acidentes ocorrerem em razão do aumento de seu tempo de reação. Considere dois motoristas, o primeiro atento e o segundo utilizando o celular enquanto dirige. Eles aceleram seus carros inicialmente a  $1,00 \text{ m/s}^2$ . Em resposta a uma emergência, freiam com uma desaceleração igual a  $5,00 \text{ m/s}^2$ . O motorista atento aciona o freio à velocidade de  $14,0 \text{ m/s}$ , enquanto o desatento, em situação análoga, leva  $1,00$  segundo a mais para iniciar a frenagem.

Que distância o motorista desatento percorre a mais do que o motorista atento, até a parada total dos carros?

- a)  $2,90\text{m}$       b)  $14,0\text{m}$       c)  $14,5\text{m}$   
 d)  $15,0\text{m}$       e)  $17,4\text{m}$

### Resolução

Para a solução, vamos admitir que o motorista desatento mantenha sua aceleração escalar inicial de  $1,00\text{m/s}^2$  até o início de sua frenagem.

Durante  $1,00\text{s}$ , o carro do desatento motorista aumenta sua velocidade escalar em  $1,00\text{m/s}$ , atingindo a velocidade escalar  $V_1 = 15,0\text{m/s}$  e percorrendo uma distância  $d_1$  dada por:

$$\frac{d_1}{\Delta t} = \frac{V_0 + V_1}{2} \Rightarrow \frac{d_1}{1,00} = \frac{14,0 + 15,0}{2}$$

$$d_1 = 14,5\text{m}$$

Durante a frenagem, as distâncias percorridas são dadas por:

Motorista atento:  $V^2 = V_0^2 + 2\gamma \Delta s$

$$0 = (14,0)^2 + 2(-5,00) d_2$$

$$10,0 d_2 = 196 \Rightarrow d_2 = 19,6\text{m}$$

Motorista desatento:  $V^2 = V_1^2 + 2\gamma \Delta s$

$$0 = (15,0)^2 + 2(-5,00) d_3$$

$$10,0 d_3 = 225 \Rightarrow d_3 = 22,5\text{m}$$

O motorista atento percorreu  $d_2 = 19,6\text{m}$ .

O motorista desatento percorreu  $d_1 + d_3 = 37,0\text{m}$ .

Portanto:  $\Delta d = 37,0\text{m} - 19,6\text{m} \Rightarrow \Delta d = 17,4\text{m}$

Resposta:  E

Uma das estratégias para conservação de alimentos é o salgamento, adição de cloreto de sódio ( $\text{NaCl}$ ), historicamente utilizado por tropeiros, vaqueiros e sertanejos para conservar carnes de boi, porco e peixe.

O que ocorre com as células presentes nos alimentos “preservados com essa técnica?

- a) O sal adicionado diminui a concentração de solutos em seu interior.
- b) O sal adicionado desorganiza e destrói suas membranas plasmáticas.
- c) A adição de sal altera as propriedades de suas membranas plasmáticas.
- d) Os íons  $\text{Na}^+$  e  $\text{Cl}^-$  provenientes da dissociação do sal entram livremente nelas.
- e) A grande concentração de sal no meio extracelular provoca a saída de água de dentro delas.

#### **Resolução**

**O salgamento de alimentos provoca a saída de água do interior das células, por osmose, facilitando sua conservação.**

Resposta:  E

Para demonstrar o processo de transformação de energia mecânica em elétrica, um estudante constrói um pequeno gerador utilizando:

- um fio de cobre de diâmetro  $D$  enrolado em  $N$  espiras circulares de área  $A$ ;
- dois ímãs que criam no espaço entre eles um campo magnético uniforme de intensidade  $B$ ; e
- um sistema de engrenagens que lhe permite girar as espiras em torno de um eixo com uma frequência  $f$ .

Ao fazer o gerador funcionar, o estudante obteve uma tensão máxima  $V$  e uma corrente de curto-circuito  $i$ .

Para dobrar o valor da tensão máxima  $V$  do gerador mantendo constante o valor da corrente de curto  $i$ , o estudante deve dobrar o(a)

- número de espiras.
- frequência de giro.
- intensidade do campo magnético.
- área das espiras.
- à diâmetro do fio.

### Resolução

Sendo  $V$  a máxima tensão do gerador, concluímos que se trata da sua força eletromotriz  $\varepsilon$ .

$$\varepsilon = V$$

O módulo da força eletromotriz induzida no gerador de  $N$  espiras é dada pela Lei de Faraday:

$$\varepsilon = N \frac{|\Delta\Phi|}{\Delta t} \quad \textcircled{1}$$

Um dos modos de se dobrar a tensão induzida é dobrar o número  $N$  de espiras.

Por outro lado, a corrente de curto-circuito do gerador é dada por:

$$i_{cc} = \frac{\varepsilon}{r} \quad \textcircled{2}$$

$r$ : resistência interna, ou seja, a resistência das  $N$  espiras.

$$r = N \cdot \rho \frac{\ell}{A} \quad \textcircled{3}$$

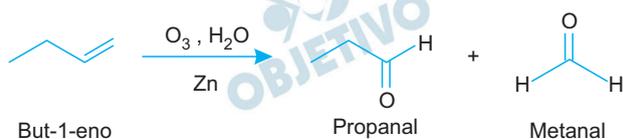
Conclusão:

Dobramos o número de espiras e, com isso, vamos obter  $2\varepsilon$  e também  $2r$ :

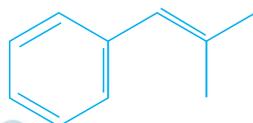
$$i_{cc} = \frac{2\varepsilon}{2r} = \frac{\varepsilon}{r} \text{ (ficou constante)}$$

Resposta: **A**

A ozonólise, reação utilizada na indústria madeireira para a produção de papel, é também utilizada em escala de laboratório na síntese de aldeídos e cetonas. As duplas ligações dos alcenos são clivadas pela oxidação com o ozônio ( $O_3$ ), em presença de água e zinco metálico, e a reação produz aldeídos e/ou cetonas, dependendo do grau de substituição da ligação dupla. Ligações duplas dissustituídas geram cetonas, enquanto as ligações duplas terminais ou monossustituídas dão origem a aldeídos, como mostra o esquema.



Cosidere a ozonólise do composto  
1-fenil-2-metilprop-1-eno:



1-fenil-2-metilprop-1-eno

MARTINO, A. **Química, a ciência global.**

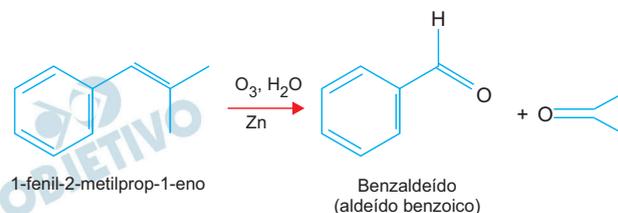
Goiânia: Editora W, 2014 (adaptado).

Quais são os produtos formados nessa reação?

- Benzaldeído e propanona.
- Propanal e benzaldeído.
- 2-fenil-etanal e metanal.
- Benzeno e propanona.
- Benzaldeído e etanal.

### Resolução

A ozonólise do composto 1-fenil-2-metilprop-1-eno produz benzaldeído e propanona, segundo a equação:



Resposta: **A**

A terapia celular tem sido amplamente divulgada como revolucionária, por permitir a regeneração de tecidos a partir de células novas. Entretanto, a técnica de se introduzirem novas células em um tecido, para o tratamento de enfermidades em indivíduos, já era aplicada rotineiramente em hospitais.

A que técnica refere-se o texto?

- a) Vacina.
- b) Biópsia.
- c) Hemodiálise
- d) Quimioterapia.
- e) Transfusão de sangue.

### Resolução

Conforme o texto, a introdução de novas células em um tecido como técnica de regeneração celular pode ser exemplificada através da transfusão de sangue, onde células sanguíneas de um doador são transferidas ao tecido hematopoético de um paciente receptor

Resposta:  E

# MATEMÁTICA E SUAS TECNOLOGIAS

136

Um empréstimo foi feito a taxa mensal de  $i\%$ , usando juros compostos, em oito parcelas fixas e iguais a  $P$ .

O devedor tem a possibilidade de quitar a dívida antecipadamente a qualquer momento, pagando para isso o valor atual das parcelas ainda a pagar. Após pagar a 5ª parcela, resolve quitar a dívida no ato de pagar a 6ª parcela.

A expressão que corresponde ao valor total pago pela quitação do empréstimo é

a)  $P \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} \right]$

b)  $P \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{2i}{100}\right)} \right]$

c)  $P \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} \right]$

d)  $P \left[ \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{2i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{3i}{100}\right)} \right]$

e)  $P \left[ \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^3} \right]$

## Resolução

Empréstimo à taxa mensal de  $i\%$ .

A quitação é feita no ato de pagar a 6.ª parcela.

Assim, o valor da quitação é

$$P + \frac{P}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{P}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} =$$

$$= P \cdot \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} \right]$$

Resposta: **A**

Para realizar a viagem dos sonhos, uma pessoa precisava fazer um empréstimo no valor de R\$ 5 000,00. Para pagar as prestações, dispõe de, no máximo, R\$ 400,00 mensais. Para esse valor de empréstimo, o valor da prestação (P) é calculado em função do número de prestações (n) segundo a fórmula

$$P = \frac{5000 \times 1,013^n \times 0,013}{(1,013^n - 1)}$$

Se necessário, utilize 0,005 como aproximação para  $\log 1,013$ ; 2,602 como aproximação para  $\log 400$ ; 2,525 como aproximação para  $\log 335$ .

De acordo com a fórmula dada, o menor número de parcelas cujos valores não comprometem o limite definido pela pessoa é

- a) 12.
- b) 14.
- c) 15.
- d) 16.
- e) 17.

#### Resolução

$$\text{Seja } P = \frac{5000 \times 1,013^n \times 0,013}{(1,013^n - 1)} = \frac{65 \times 1,013^n}{(1,013^n - 1)}$$

De acordo com o enunciado,  $P \leq 400$ . Assim:

$$\frac{65 \times 1,013^n}{(1,013^n - 1)} \leq 400 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 65 \times 1,013^n \leq 400 \times 0,013^n - 400 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 335 \times 1,013^n \geq 400 \Leftrightarrow \log(335 \times 1,013^n) \geq \log 400 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \log 335 + n \cdot \log 1,013 \geq \log 400 \Leftrightarrow$$

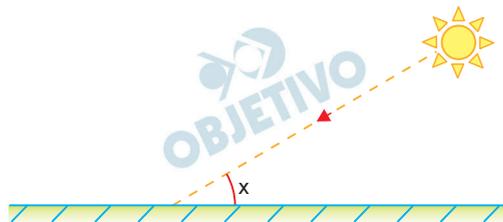
$$\Leftrightarrow 2,525 + n \cdot 0,005 \geq 2,602 \Leftrightarrow n \geq 15,4$$

Portanto, o menor número de parcelas n é 16.

Resposta: **D**

Raios de luz solar estão atingindo a superfície de um lago formando um ângulo  $x$  com a sua superfície, conforme indica a figura.

Em determinadas condições, pode-se supor que a intensidade luminosa desses raios, na superfície do lago, seja dada aproximadamente por  $I(x) = k \cdot \text{sen}(x)$  sendo  $k$  uma constante, e supondo-se que  $x$  está entre  $0^\circ$  e  $90^\circ$ .



Quando  $x = 30^\circ$ , a intensidade luminosa se reduz a qual percentual de seu valor máximo?

- a) 33%
- b) 50%
- c) 57%
- d) 70%
- e) 86%

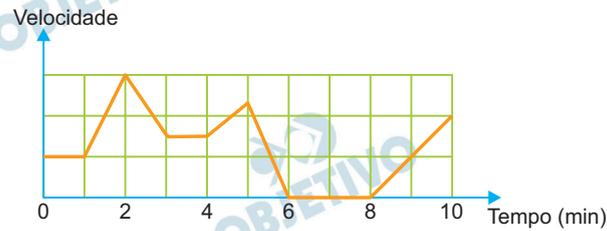
#### Resolução

$$I(x) = k \cdot \text{sen } x \Rightarrow I_{\text{máx}} = \lim_{x \rightarrow 90^\circ} (k \cdot \text{sen } x) = k$$

$$\text{Para } x = 30^\circ, I(30^\circ) = k \cdot \text{sen } 30^\circ = \frac{k}{2} = 50\% I_{\text{máx}}$$

Resposta: **B**

Os congestionamentos de trânsito constituem um problema que aflige, todos os dias, milhares de motoristas brasileiros. O gráfico ilustra a situação, representando, ao longo de um intervalo definido de tempo, a variação da velocidade de um veículo durante um congestionamento.



Quantos minutos o veículo permaneceu imóvel ao longo do intervalo de tempo total analisado?

- a) 4
- b) 3
- c) 2
- d) 1
- e) 0

**Resolução**

O veículo permaneceu imóvel (velocidade = 0) no intervalo de tempo em minutos  $[6;8]$ . Assim, o tempo em que ele permaneceu imóvel é 2 minutos.

Resposta: **C**

Um garçom precisa escolher uma bandeja de base retangular para servir quatro taças de espumante que precisam ser dispostas em uma única fileira, paralela ao lado maior da bandeja, e com suas bases totalmente apoiadas na bandeja. A base e a borda superior das taças são círculos de raio 4 cm e 5 cm, respectivamente.

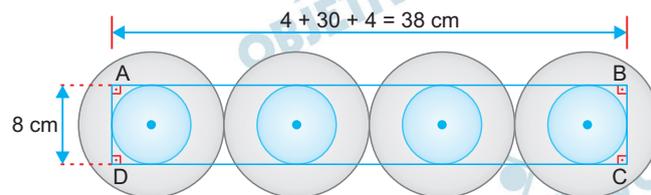


A bandeja a ser escolhida deverá ter uma área mínima, em centímetro quadrado, igual a

- a) 192.
- b) 300.
- c) 304.
- d) 320.
- e) 400.

#### Resolução

De acordo com o enunciado, tem-se a figura:



Cada círculo maior tem raio 5 cm (borda superior).

Cada círculo menor tem raio 4 cm (base).

O retângulo ABCD é a bandeja, que deverá ter área mínima de  $38 \text{ cm} \times 8 \text{ cm} = 304 \text{ cm}^2$

Resposta: **C**

# 141

Em uma cantina, o sucesso de venda no verão são sucos preparados à base de polpa de frutas. Um dos sucos mais vendidos é o de morango com acerola, que é preparado com  $\frac{2}{3}$  de polpa de morango e  $\frac{1}{3}$  de polpa de acerola.

Para o comerciante, as polpas são vendidas em embalagens de igual volume. Atualmente, a embalagem da polpa de morango custa R\$ 18,00 e a de acerola, R\$ 14,70. Porém, está prevista uma alta no preço da embalagem da polpa de acerola no próximo mês, passando a custar R\$ 15,30.

Para não aumentar o preço do suco, o comerciante negociou com o fornecedor uma redução no preço da embalagem da polpa de morango.

A redução, em real, no preço da embalagem da polpa de morango deverá ser de

- a) 1,20.
- b) 0,90.
- c) 0,60.
- d) 0,40.
- e) 0,30.

## Resolução

Seja  $x$ , em real, o preço da redução na embalagem da polpa de morango, tem-se:

$$\frac{2}{3} \cdot 18 + \frac{1}{3} \cdot 14,70 = \frac{2}{3} \cdot (18 - x) + \frac{1}{3} \cdot 15,30 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 36 + 14,70 = 2 \cdot (18 - x) + 15,30 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 17,70 = 18 - x \Leftrightarrow x = 0,30$$

Resposta:  E

Um casal realiza sua mudança de domicílio e necessita colocar numa caixa de papelão um objeto cúbico, de 80 cm de aresta, que não pode ser desmontado. Eles têm à disposição cinco caixas, com diferentes dimensões, conforme descrito:

- Caixa 1: 86 cm x 86 cm x 86 cm
- Caixa 2: 75 cm x 82 cm x 90 cm
- Caixa 3: 85 cm x 82 cm x 90 cm
- Caixa 4: 82 cm x 95 cm x 82 cm
- Caixa 5: 80 cm x 95 cm x 85 cm

O casal precisa escolher uma caixa na qual o objeto caiba, de modo que sobre o menor espaço livre em seu interior.

A caixa escolhida pelo casal deve ser a de número

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

#### Resolução

I. A caixa 2 não serve, pois tem uma dimensão  $75 \text{ cm} < 80 \text{ cm}$

II.  $V_1, V_3, V_4$  e  $V_5$  são respectivamente os volumes da caixa 1, caixa 3, caixa 4 e caixa 5.

$$V_1 = 86 \cdot 86 \cdot 86 = 636\,056 \text{ cm}^3$$

$$V_3 = 85 \cdot 82 \cdot 90 = 627\,300 \text{ cm}^3$$

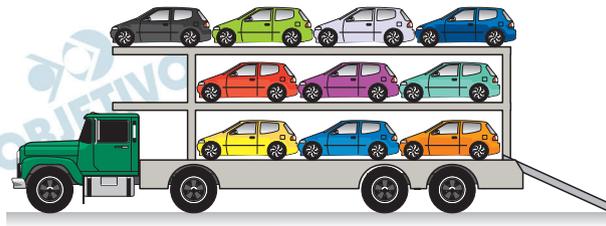
$$V_4 = 82 \cdot 95 \cdot 82 = 638\,780 \text{ cm}^3$$

$$V_5 = 80 \cdot 95 \cdot 85 = 646\,000 \text{ cm}^3$$

Para sobrar o menor espaço possível, o casal deverá escolher a caixa de menor volume, ou seja, a caixa de número 3.

Resposta: **C**

Um brinquedo infantil caminhão-cegonha é formado por uma carreta e dez carrinhos nela transportados, conforme a figura.



No setor de produção da empresa que fabrica esse brinquedo, é feita a pintura de todos os carrinhos para que o aspecto do brinquedo fique mais atraente. São utilizadas as cores amarelo, branco, laranja e verde, e cada carrinho é pintado apenas com uma cor. O caminhão-cegonha tem uma cor fixa. A empresa determinou que em todo caminhão-cegonha deve haver pelo menos um carrinho de cada uma das quatro cores disponíveis. Mudança de posição dos carrinhos no caminhão-cegonha não gera um novo modelo do brinquedo.

Com base nessas informações, quantos são os modelos distintos do brinquedo caminhão-cegonha que essa empresa poderá produzir?

- a)  $C_{6,4}$
- b)  $C_{9,3}$
- c)  $C_{10,4}$
- d)  $6^4$
- e)  $4^6$

#### Resolução

**Pintam-se 4 carrinhos, um de cada cor. O total de maneiras distintas de pintar os 6 carrinhos que sobram com as quatro cores à disposição é dado por**

$$C_{4,6}^* = C_{4+6-1,6} = C_{9,6} = C_{9,3}$$

Resposta: **B**

Uma empresa especializada em conservação de piscinas utiliza um produto para tratamento da água cujas especificações técnicas sugerem que seja adicionado 1,5 mL desse produto para cada 1 000 L de água da piscina. Essa empresa foi contratada para cuidar de uma piscina de base retangular, de profundidade constante igual a 1,7 m, com largura e comprimento iguais a 3 m e 5 m, respectivamente. O nível da lâmina d'água dessa piscina é mantido a 50 cm da borda da piscina.

A quantidade desse produto, em mililitro, que deve ser adicionada a essa piscina de modo a atender às suas especificações técnicas é

- a) 11,25.
- b) 27,00.
- c) 28,80.
- d) 32,25.
- e) 49,50.

**Resolução**

I) 1,5mL do produto para cada 1000L =  $1\text{m}^3$

II) Volume de água na piscina =  
 $= 3\text{m} \times 5\text{m} (1,70 - 0,50)\text{m} = 18\text{m}^3$

III) A quantidade desse produto, em mililitros, que deve ser adicionada a essa piscina, é  
 $18 \times 1,5\text{mL} = 27\text{mL}$

Resposta: **B**

Um instituto de pesquisas eleitorais recebe uma encomenda na qual a margem de erro deverá ser de, no máximo, 2 pontos percentuais (0,02).

O instituto tem 5 pesquisas recentes, P1 a P5, sobre o tema objeto da encomenda e irá usar a que tiver o erro menor que o pedido.

Os dados sobre as pesquisas são os seguintes:

Pesquisa	$\sigma$	N	$\sqrt{N}$
P1	0,5	1764	42
P2	0,4	784	28
P3	0,3	576	24
P4	0,2	441	21
P5	0,1	64	8

O erro  $e$  pode ser expresso por

$$|e| < 1,96 \frac{\sigma}{\sqrt{N}}$$

em que  $\sigma$  é um parâmetro e N é o número de pessoas entrevistadas pela pesquisa.

Qual pesquisa deverá ser utilizada?

- a) P1
- b) P2
- c) P3
- d) P4
- e) P5

#### Resolução

Utilizando os valores de  $\sigma$  e  $\sqrt{N}$  da tabela, calcula-se o erro para cada pesquisa.

Assim,

$$\text{P1 tem erro } |e| = 1,96 \cdot \frac{0,5}{42} = 0,023 > 0,02$$

$$\text{P2 tem erro } |e| = 1,96 \cdot \frac{0,4}{28} = 0,028 > 0,02$$

$$\text{P3 tem erro } |e| = 1,96 \cdot \frac{0,3}{24} = 0,0245 > 0,02$$

$$\text{P4 tem erro } |e| = 1,96 \cdot \frac{0,2}{21} = 0,0186 < 0,02$$

$$\text{P5 tem erro } |e| = 1,96 \cdot \frac{0,1}{8} = 0,245 > 0,02$$

Logo, a pesquisa P4 deve ser escolhida.

Resposta: **D**

Em um teleférico turístico, bondinhos saem de estações ao nível do mar e do topo de uma montanha. A travessia dura 1,5 minuto e ambos os bondinhos se deslocam à mesma velocidade. Quarenta segundos após o bondinho A partir da estação ao nível do mar, ele cruza com o bondinho B, que havia saído do topo da montanha.

Quantos segundos após a partida do bondinho B partiu o bondinho A?

- a) 5
- b) 10
- c) 15
- d) 20
- e) 25

**Resolução**

Seja  $D$  a distância entre os pontos de partida no nível do mar e no topo da montanha.

O tempo que cada bonde percorre essa distância é 1,5 minuto, ou seja, 90s.

Daí, temos:

$$V_B = V_A = \frac{D}{\Delta t}$$

A distância percorrida por A em 40s será:

$$\frac{D}{90} \cdot 40 = \frac{4}{9} D$$

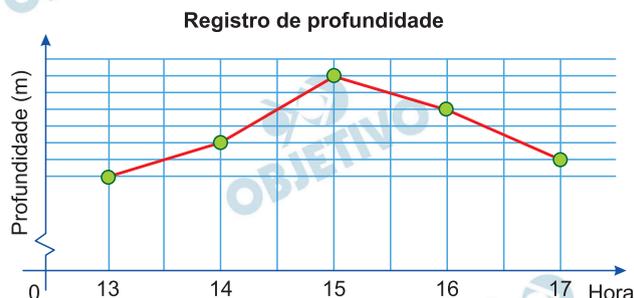
Logo, B percorreu  $\frac{5}{9} D$ ; e seu tempo de deslocamento

$$\text{será } \frac{\frac{5}{9} D}{\frac{D}{90}} = 50 \text{ segundos.}$$

Assim A partiu 10 segundos após B.

Resposta: **B**

Num dia de tempestade, a alteração na profundidade de um rio, num determinado local, foi registrada durante um período de 4 horas. Os resultados estão indicados no gráfico de linhas. Nele, a profundidade  $h$ , registrada às 13 horas, não foi anotada e, a partir de  $h$ , cada unidade sobre o eixo vertical representa um metro.



Foi informado que entre 15 horas e 16 horas, a profundidade do rio diminuiu em 10%.

Às 16 horas, qual é a profundidade do rio, em metro, no local onde foram feitos os registros?

- a) 18
- b) 20
- c) 24
- d) 36
- e) 40

#### Resolução

Seja  $h$ , em metros, a profundidade do rio às 13h, às 15 horas a profundidade era  $(h + 6)$ m e às 16 horas a profundidade era  $(h + 4)$ m, 10% a menos do que às 15h.

Assim:

$$h + 4 = 90\% (h + 6) \Leftrightarrow h + 4 = 0,90h + 5,4 \Leftrightarrow h = 14$$

Desta forma, às 16h a profundidade do rio, em metros, era  $h + 4 = 14 + 4 = 18$

Resposta: **A**

Uma rede hoteleira dispõe de cabanas simples na ilha de Gotland, na Suécia, conforme Figura 1. A estrutura de sustentação de cada uma dessas cabanas está representada na Figura 2. A ideia é permitir ao hóspede uma estada livre de tecnologia, mas conectada com a natureza.



Figura 1

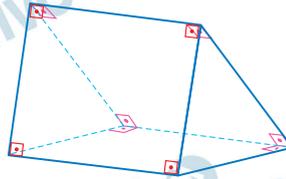


Figura 2

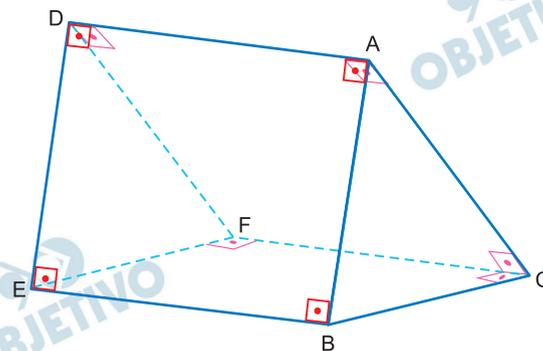
ROMERO. L. Tendências. *Superinteressante*, n. 315, fev. 2013 (adaptado).

A forma geométrica da superfície cujas arestas estão representadas na Figura 2 é

- tetraedro.
- pirâmide retangular.
- tronco de pirâmide retangular.
- prisma quadrangular reto.
- prisma triangular reto.

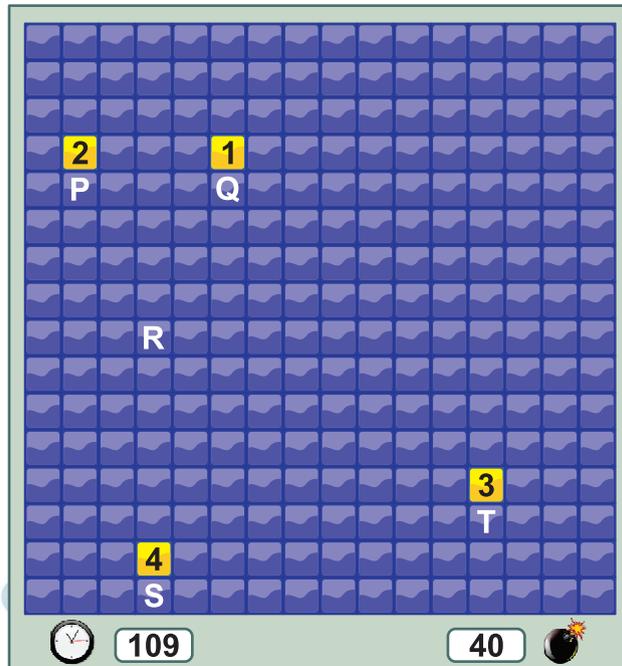
#### Resolução

A figura 2 é a representação de um prisma triangular reto de bases ABC e DEF.



Resposta: **E**

A figura ilustra uma partida de Campo Minado, o jogo presente em praticamente todo computador pessoal. Quatro quadrados em um tabuleiro 16 x 16 foram abertos, e os números em suas faces indicam quantos dos seus 8 vizinhos contêm minas (a serem evitadas). O número 40 no canto inferior direito é o número total de minas no tabuleiro, cujas posições foram escolhidas ao acaso, de forma uniforme, antes de se abrir qualquer quadrado.



Em sua próxima jogada, o jogador deve escolher dentre os quadrados marcados com as letras P, Q, R, S e T um para abrir, sendo que deve escolher aquele com a menor probabilidade de conter uma mina.

O jogador deverá abrir o quadrado marcado com a letra

- P.
- Q.
- R.
- S.
- T.

#### Resolução

Cada um dos 8 quadrados em torno do quadrado que

contém o número 2 tem probabilidade  $\frac{2}{8}$  de conter

uma bomba. Assim, a probabilidade de P ter uma

bomba é  $\frac{2}{8} = \frac{1}{4} = 0,25$ . De modo análogo, as

probabilidades de Q, S e T conterem bombas são,

respectivamente,  $\frac{1}{8} = 0,125$ ,  $\frac{3}{8} = 0,375$  e  $\frac{4}{8} = 0,5$ .

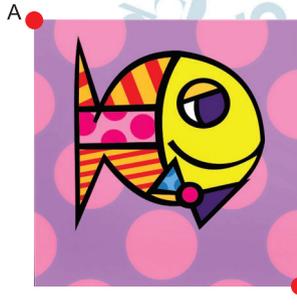
Excluídos os quadrados abertos e os seus vizinhos, restam  $16 \times 16 - 4 \cdot 9 = 220$  quadrados e

$40 - (2 + 1 + 3 + 4) = 30$  bombas. A probabilidade de R conter uma bomba é  $\frac{30}{220} \cong 0,136$ . Assim, dos cinco quadrados, P, Q, R, S e T, o que tem menor probabilidade de conter uma bomba é Q.

Resposta: **B**

A imagem apresentada na figura é uma cópia em preto e branco da tela quadrada intitulada *O peixe*, de Marcos Pinto, que foi colocada em uma parede para exposição e fixada nos pontos *A* e *B*.

Por um problema na fixação de um dos pontos, a tela se desprende, girando rente à parede. Após o giro, ela ficou posicionada como ilustrado na figura, formando um ângulo de  $45^\circ$  com a linha do horizonte.



A

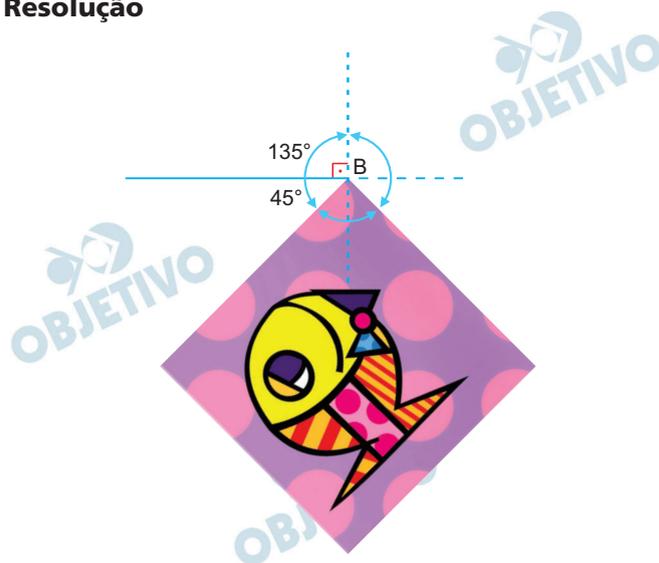


Para recolocar a tela na sua posição original, deve-se girá-la, rente à parede, no menor ângulo possível inferior a  $360^\circ$ .

A forma de recolocar a tela na posição original, obedecendo ao que foi estabelecido, é girando-a em um ângulo de

- a)  $90^\circ$  no sentido horário.
- b)  $135^\circ$  no sentido horário.
- c)  $180^\circ$  no sentido anti-horário.
- d)  $270^\circ$  no sentido anti-horário.
- e)  $315^\circ$  no sentido horário.

## Resolução



No sentido horário, é necessário girar  $45^\circ + 90^\circ = 135^\circ$ ; no sentido do anti-horário, seria necessário girar  $45^\circ + 90^\circ + 90^\circ = 225^\circ$ .

Resposta: **B**

A avaliação de rendimento de alunos de um curso universitário baseia-se na média ponderada das notas obtidas nas disciplinas pelos respectivos números de créditos, como mostra o quadro:

Avaliação	Média de notas (M)
Excelente	$9 < M \leq 10$
Bom	$7 \leq M \leq 9$
Regular	$5 \leq M < 7$
Ruim	$3 \leq M < 5$
Péssimo	$M < 3$

Quanto melhor a avaliação de um aluno em determinado período letivo, maior sua prioridade na escolha de disciplinas para o período seguinte.

Determinado aluno sabe que se obtiver avaliação “Bom” ou “Excelente” conseguirá matricula nas disciplinas que deseja. Ele já realizou as provas de 4 das 5 disciplinas em que está matriculado, mas ainda não realizou a prova da disciplina I, conforme o quadro.

Disciplinas	Notas	Número de créditos
I		12
II	8,00	4
III	6,00	8
IV	5,00	8
V	7,50	10

Para que atinja seu objetivo, a nota mínima que ele deve conseguir na disciplina I é

- a) 7,00.                      b) 7,38.                      c) 7,50.  
d) 8,25.                      e) 9,00.

### Resolução

Chamando de  $x$  a nota na disciplina I; considerando os números de créditos como os pesos da média ponderada e que esta média deve ser superior ou igual a 7 para que o aluno obtenha avaliação “bom” ou “excelente”, temos:

$$\frac{x \cdot 12 + 8 \cdot 4 + 6 \cdot 8 + 5 \cdot 8 + 7,5 \cdot 10}{12 + 4 + 8 + 8 + 10} \geq 7$$

$$\frac{12x + 32 + 48 + 40 + 75}{42} \geq 7$$

$$12x + 195 \geq 294$$

$$12x \geq 99$$

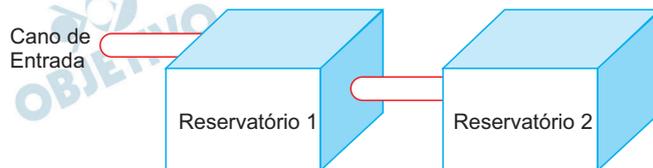
$$x \geq \frac{99}{12}$$

$$x \geq 8,25$$

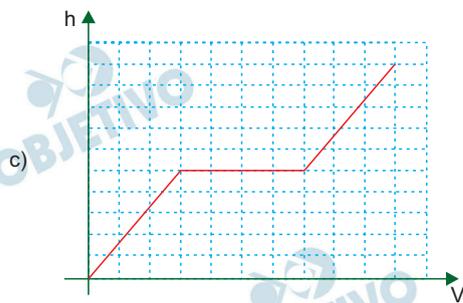
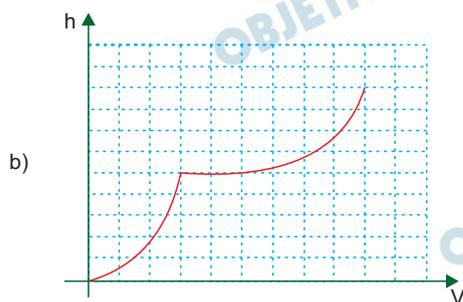
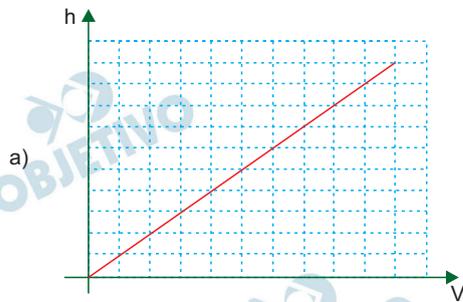
Portanto, a nota mínima na disciplina I deverá ser 8,25.

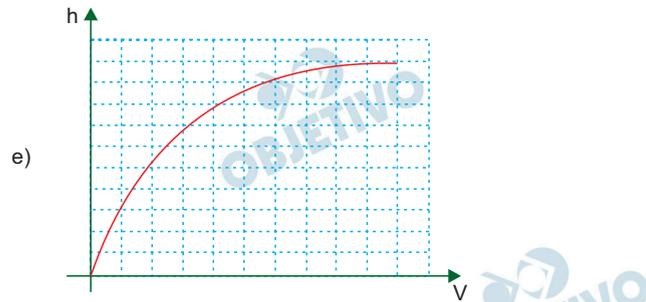
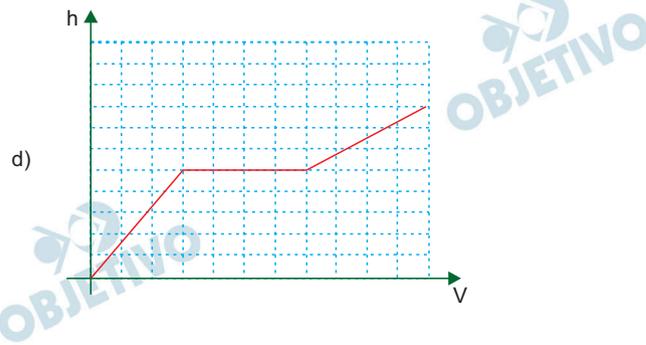
Resposta: **D**  


A água para o abastecimento de um prédio é armazenada em um sistema formado por dois reservatórios idênticos, em formato de bloco retangular, ligados entre si por um cano igual ao cano de entrada, conforme ilustra a figura.



A água entra no sistema pelo cano de entrada no Reservatório 1 a uma vazão constante e, ao atingir o nível do cano de ligação, passa a abastecer o Reservatório 2. Suponha que, inicialmente, os dois reservatórios estejam vazios. Qual dos gráficos melhor descreverá a altura  $h$  do nível da água no Reservatório 1, em função do volume  $V$  da água no sistema?



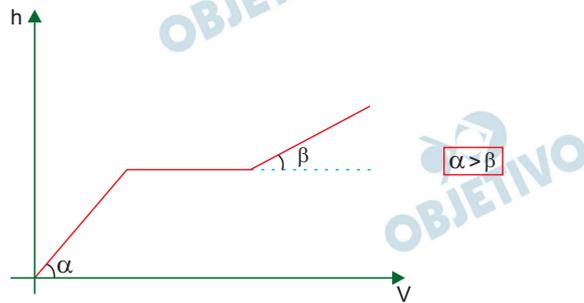


**Resolução**

Até a água atingir o cano de ligação, o nível sobe com velocidade constante. Ao atingir o cano de ligação, passa a encher o Reservatório 2, mantendo o nível do reservatório 1 inalterado.

Quando os níveis se igualam, passam a subir, também com velocidade constante, porém menor do que a inicial, resultando em um “trecho”, do gráfico, menos inclinado.

A melhor representação gráfica do nível do reservatório 1 é



Resposta: **D**

A manchete demonstra que o transporte de grandes cargas representa cada vez mais preocupação quando feito em vias urbanas.

### Caminhão entala em viaduto no Centro

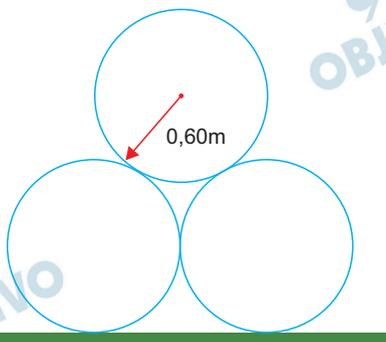
Um caminhão de grande porte entalou embaixo do viaduto no cruzamento das avenidas Borges de Medeiros e Loureiro da Silva no sentido Centro-Bairro, próximo à Ponte de Pedra, na capital. Esse veículo vinha de São Paulo para Porto Alegre e transportava três grandes tubos, conforme ilustrado na foto.



Disponível em: [www.caminhoes-e-carretas.com](http://www.caminhoes-e-carretas.com).

Acesso em: 21 maio 2012 (adaptado).

Considere que o raio externo de cada cano da imagem seja 0,60 m e que eles estejam em cima de uma carroceria cuja parte superior está a 1,30 m do solo. O desenho representa a vista traseira do empilhamento dos canos.



A margem de segurança recomendada para que um veículo passe sob um viaduto é que a altura total do veículo com a carga seja, no mínimo, 0,50 m menor do que a altura do vão do viaduto.

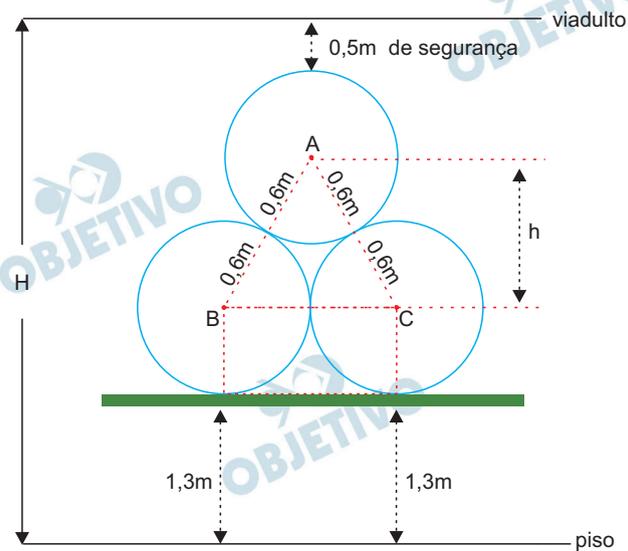
Considere 1,7 como aproximação para  $\sqrt{3}$ .

Qual deveria ser a altura mínima do viaduto, em metro, para que esse caminhão pudesse passar com segurança sob seu vão?

- a) 2,82                      b) 3,52                      c) 3,70  
d) 4,02                      e) 4,20

### Resolução

Todas as dimensões da figura estão em metros.



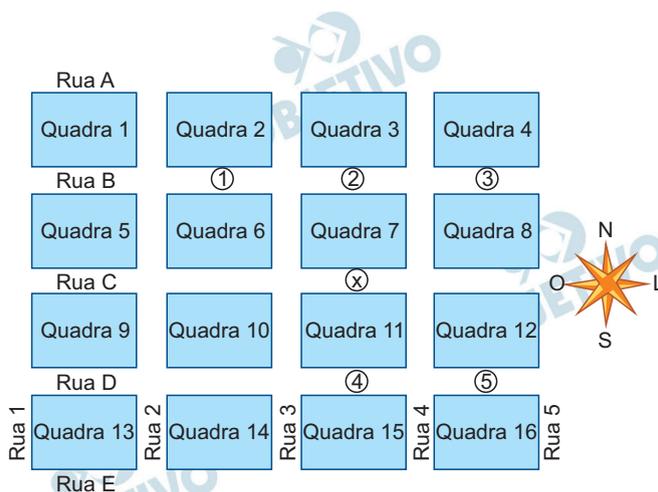
A altura mínima do viaduto deverá corresponder, em metros, à soma da altura da carroceria, de dois raios, da altura do triângulo equilátero ABC e mais 0,5 de segurança.

Assim, a altura mínima do viaduto é

$$H = 1,3 + 2 \times 0,6 + \frac{1,2\sqrt{3}}{2} + 0,5 =$$
$$= 1,3 + 1,2 + 0,6 \cdot 1,7 + 0,5 = 4,02$$

Resposta: **D**

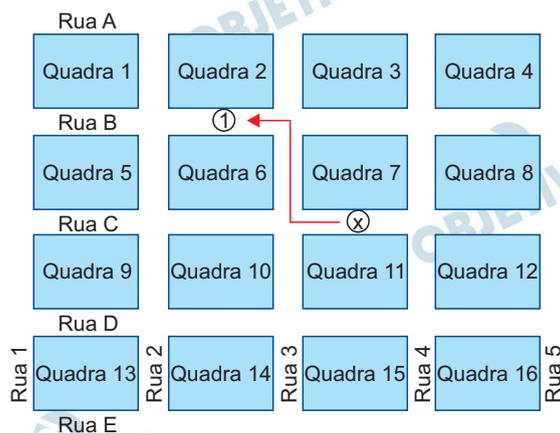
Um menino acaba de se mudar para um novo bairro e deseja ir à padaria. Pediu ajuda a um amigo que lhe forneceu um mapa com pontos numerados, que representam cinco locais de interesse, entre os quais está a padaria. Além disso, o amigo passou as seguintes instruções: a partir do ponto em que você se encontra, representado pela letra X, ande para oeste, vire à direita na primeira rua que encontrar, siga em frente e vire à esquerda na próxima rua. A padaria estará logo a seguir.



A padaria está representada pelo ponto numerado com

- a) 1.    b) 2.    c) 3.    d) 4.    e) 5.

### Resolução



De acordo com o esquema acima, a padaria está representada pelo ponto numerado 1.

Resposta: **A**

Três alunos, X, Y e Z, estão matriculados em um curso de inglês. Para avaliar esses alunos, o professor optou por fazer cinco provas. Para que seja aprovado nesse curso, o aluno deverá ter a média aritmética das notas das cinco provas maior ou igual a 6. Na tabela, estão dispostas as notas que cada aluno tirou em cada prova.

Aluno	1.ª Prova	2.ª Prova	3.ª Prova	4.ª Prova	5.ª Prova
X	5	5	5	10	6
Y	4	9	3	9	5
Z	5	5	8	5	6

Com base nos dados da tabela e nas informações dadas, ficará(ão) reprovado(s)

- a) apenas o aluno Y.
- b) apenas o aluno Z.
- a) apenas os alunos X e Y.
- d) apenas os alunos X e Z.
- e) os alunos X, Y e Z.

#### Resolução

Seja  $m_X$ ,  $m_Y$  e  $m_Z$  as médias dos alunos, X, Y e Z, temos:

$$\text{I) } m_X = \frac{5 + 5 + 5 + 10 + 6}{5} = 6,2 \geq 6$$

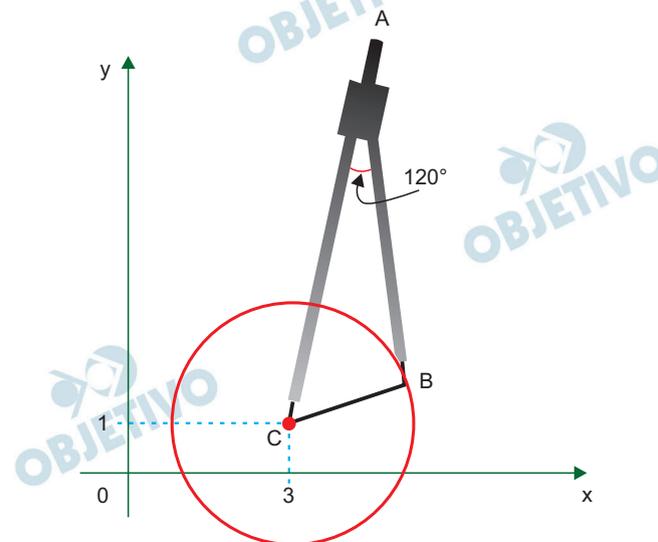
$$\text{II) } m_Y = \frac{4 + 9 + 3 + 9 + 5}{5} = 6,0 \geq 6$$

$$\text{III) } m_Z = \frac{5 + 5 + 8 + 5 + 6}{5} = 5,8 < 6$$

Assim, Z foi o único aluno reprovado.

Resposta: **B**

Uma desenhista projetista deverá desenhar uma tampa de panela em forma circular. Para realizar esse desenho, ela dispõe, no momento, de apenas um compasso, cujo comprimento das hastes é de 10 cm, um transferidor e uma folha de papel com um plano cartesiano. Para esboçar o desenho dessa tampa, ela afastou as hastes do compasso de forma que o ângulo formado por elas fosse de  $120^\circ$ . A ponta seca está representada pelo ponto C, a ponta do grafite está representada pelo ponto B e a cabeça do compasso está representada pelo ponto A conforme a figura.



Após concluir o desenho, ela o encaminha para o setor de produção. Ao receber o desenho com a indicação do raio da tampa, verificará em qual intervalo este se encontra e decidirá o tipo de material a ser utilizado na sua fabricação, de acordo com os dados.

Tipo de material	Intervalo de valores do raio (cm)
I	$0 < R \leq 5$
II	$5 < R \leq 10$
III	$10 < R \leq 15$
IV	$15 < R \leq 21$
V	$21 < R \leq 40$

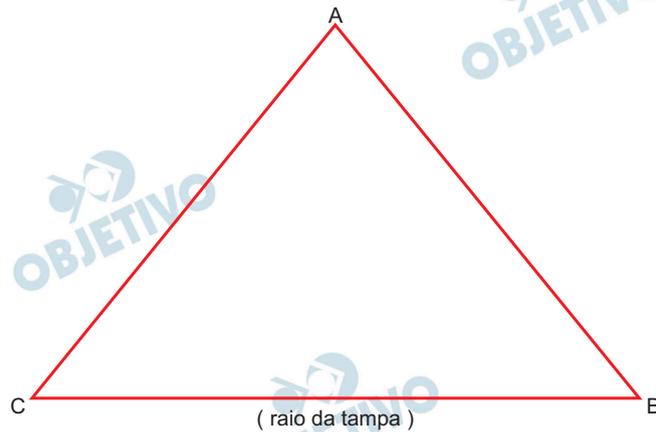
Considere 1,7 como aproximação para  $\sqrt{3}$ .

O tipo de material a ser utilizado pelo setor de produção será

- a) I.      b) II.      c) III.      d) IV.      e) V.

### Resolução

A partir do enunciado, temos o seguinte esquema:



Utilizando a lei dos cossenos, o raio da tampa, em centímetros, é dado por:

$$(BC)^2 = 10^2 + 10^2 - 2 \cdot 10 \cdot 10 \cdot \cos 120^\circ \Rightarrow$$

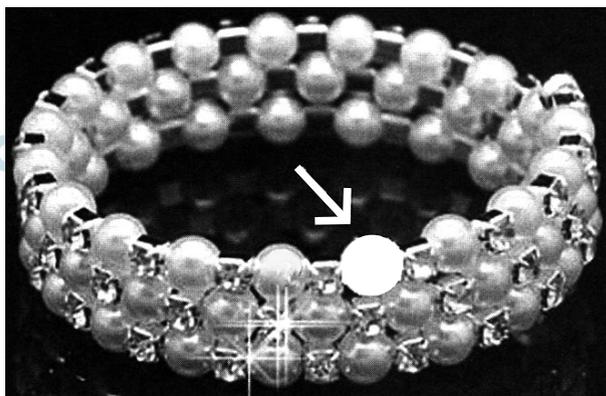
$$\Rightarrow (BC)^2 = 100 + 100 - 2 \cdot 10 \cdot 10 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow (BC)^2 = 300 \Rightarrow BC = 10\sqrt{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow BC \cong 10 \cdot 1,7 = 17, \text{ que está no intervalo IV.}$$

Resposta: **D**

Uma pessoa ganhou uma pulseira formada por pérolas esféricas, na qual faltava uma das pérolas. A figura indica a posição em que estaria faltando esta pérola.



Ela levou a joia a um joalheiro que verificou que a medida do diâmetro dessas pérolas era 4 milímetros. Em seu estoque, as pérolas do mesmo tipo e formato, disponíveis para reposição, tinham diâmetros iguais a: 4,025 mm; 4,100 mm; 3,970 mm; 4,080 mm e 3,099 mm.

O joalheiro então colocou na pulseira a pérola cujo diâmetro era o mais próximo do diâmetro das pérolas originais.

A pérola colocada na pulseira pelo joalheiro tem diâmetro, em milímetro, igual a

- a) 3,099.                      b) 3,970.                      c) 4,025.  
d) 4,080.                      e) 4,100.

#### Resolução

Seja  $d_1, d_2, d_3, d_4$  e  $d_5$  os módulos das diferenças, em milímetros, entre os diâmetros das pérolas disponíveis e da pérola que está faltando, temos:

- a)  $d_1 = |4,025 - 4| = 0,025$   
b)  $d_2 = |4,100 - 4| = 0,1$   
c)  $d_3 = |3,970 - 4| = 0,03$   
d)  $d_4 = |4,080 - 4| = 0,08$   
e)  $d_5 = |3,099 - 4| = 0,901$

Assim, a pérola colocada na pulseira pelo joalheiro tem diâmetro 4,025mm.

Resposta: **C**

Em uma de suas viagens, um turista comprou uma lembrança de um dos monumentos que visitou. Na base do objeto há informações dizendo que se trata de uma peça em escala 1:400, e que seu volume é de  $25 \text{ cm}^3$ .

O volume do monumento original, em metro cúbico, é de

- a) 100.      b) 400.      c) 1 600.  
d) 6 250.      e) 10 000.

**Resolução**

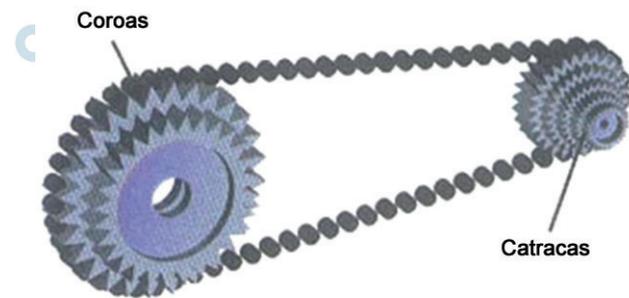
Como a lembrança e o monumento são dois sólidos semelhantes, com razão de semelhança 1:400, sendo  $V$  o volume do monumento, temos:

$$\frac{25 \text{ cm}^3}{V} = \left(\frac{1}{400}\right)^3 \Rightarrow V = 25 \cdot 64 \cdot 10^6 \text{ cm}^3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V = 1600\text{m}^3$$

Resposta: **C**

Uma bicicleta do tipo *mountain bike* tem uma coroa com 3 engrenagens e uma catraca com 6 engrenagens, que, combinadas entre si, determinam 18 marchas (número de engrenagens da coroa vezes o número de engrenagens da catraca).



Os números de dentes das engrenagens das coroas e das catracas dessa bicicleta estão listados no quadro.

Engrenagens	1. <sup>a</sup>	2. <sup>a</sup>	3. <sup>a</sup>	4. <sup>a</sup>	5. <sup>a</sup>	6. <sup>a</sup>
N.º de dentes da coroa	46	36	26	–	–	–
N.º de dentes da catraca	24	22	20	18	16	14

Sabe-se que o número de voltas efetuadas pela roda traseira a cada pedalada é calculado dividindo-se a quantidade de dentes da coroa pela quantidade de dentes da catraca.

Durante um passeio em uma bicicleta desse tipo, deseja-se fazer um percurso o mais devagar possível, escolhendo, para isso, uma das seguintes combinações de engrenagens (coroa x catraca):

I	II	III	IV	V
1. <sup>a</sup> x 1. <sup>a</sup>	1. <sup>a</sup> x 6. <sup>a</sup>	2. <sup>a</sup> x 4. <sup>a</sup>	3. <sup>a</sup> x 1. <sup>a</sup>	3. <sup>a</sup> x 6. <sup>a</sup>

A combinação escolhida para realizar esse passeio da forma desejada é

- a) I.      b) II.      c) III.      d) IV.      e) V.

### Resolução

A partir do enunciado, pode-se montar a seguinte tabela:

Combinações	Número de voltas da roda traseira
I	$\frac{46}{24} \cong 1,92$
II	$\frac{46}{14} \cong 3,29$
III	$\frac{36}{18} \cong 2$
IV	$\frac{26}{24} \cong 1,08$
V	$\frac{26}{14} \cong 1,86$

A combinação IV deve ser escolhida, para se realizar o passeio da forma desejada, pois é o caso em que a roda traseira percorrerá a menor distância por pedalada.

Resposta: **D**

O comitê organizador da Copa do Mundo 2014 criou a logomarca da Copa, composta de uma figura plana e o slogan “Juntos num só ritmo”, com mãos que se unem formando a taça Fifa. Considere que o comitê organizador resolvesse utilizar todas as cores da bandeira nacional (verde, amarelo, azul e branco) para colorir a logomarca, de forma que regiões vizinhas tenham cores diferentes.



JUNTOS NUM SÓ RITMO

Disponível em: [www.pt.fifa.com](http://www.pt.fifa.com).

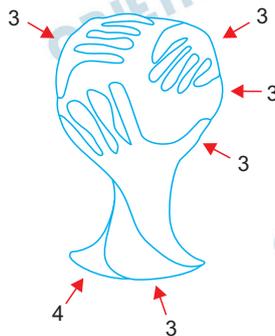
Acesso: em: 19 nov. 2013 (adaptado).

De quantas maneiras diferentes o comitê organizador da Copa poderia pintar a logomarca com as cores citadas?

- a) 15      b) 30      c) 108      d) 360      e) 972

### Resolução

A figura, por ser plana, tem seis regiões distintas. Neste caso, teríamos  $4 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 972$  formas de pintá-las, como sugere a figura seguinte.



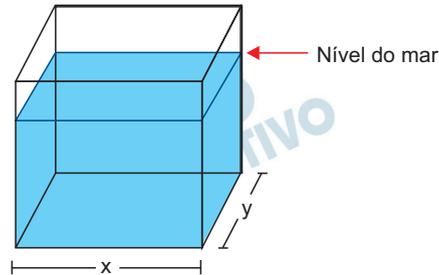
### Observação:

Não se pode garantir que as quatro cores sejam sempre usadas em cada logotipo.

Observe ainda que nas 972 formas de pintar as 6 regiões da figura não se considerou a possibilidade de pintar o slogan, que também faz parte da Logomarca.

Resposta:  E

Viveiros de lagostas são construídos, por cooperativas locais de pescadores, em formato de prismas reto-retangulares, fixados ao solo e com telas flexíveis de mesma altura, capazes de suportar a corrosão marinha. Para cada viveiro a ser construído, a cooperativa utiliza integralmente 100 metros lineares dessa tela, que é usada apenas nas laterais.



Quais devem ser os valores de X e de Y, em metro, para que a área da base do viveiro seja máxima?

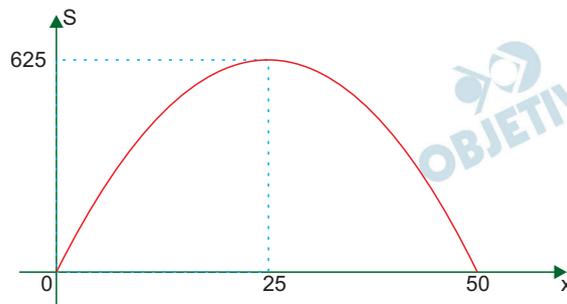
- a) 1 e 49                      b) 1 e 99                      c) 10 e 10  
d) 25 e 25                      e) 50 e 50

#### Resolução

Seja  $S$  a área da base, de acordo com o enunciado, temos:

$$\begin{cases} 2x + 2y = 100 \\ S = x \cdot y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 50 \\ S = x \cdot y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} y = 50 - x \\ S = x \cdot y \end{cases}$$

Assim,  $S(x) = x \cdot (50 - x)$ , cujo gráfico é dado por:



A área será máxima quando  $x = y = 25$  m

Resposta: **D**

O fisiologista inglês Archibald Vivian Hill propôs, em seus estudos, que a velocidade  $v$  de contração de um músculo ao ser submetido a um peso  $p$  é dada pela equação  $(p + a)(v + b) = K$ , com  $a$ ,  $b$  e  $K$  constantes.

Um fisioterapeuta, com o intuito de maximizar o efeito benéfico dos exercícios que recomendaria a um de seus pacientes, quis estudar essa equação e a classificou desta forma:

Tipo de curva
Semirreta oblíqua
Semirreta horizontal
Ramo de parábola
Arco de circunferência
Ramo de hipérbole

O fisioterapeuta analisou a dependência entre  $v$  e  $p$  na equação de Hill e a classificou de acordo com sua representação geométrica no plano cartesiano, utilizando o par de coordenadas  $(p ; v)$ . Admita que  $K > 0$ .

Disponível em: <http://rspb.royalsocietypublishing.org>.

Acesso em: 14 jul. 2015 (adaptado).

O gráfico da equação que o fisioterapeuta utilizou para maximizar o efeito dos exercícios é do tipo

- semirreta oblíqua.
- semirreta horizontal.
- ramo de parábola.
- arco de circunferência.
- ramo de hipérbole.

### Resolução

Como  $v$  é a velocidade de contração do músculo ao ser submetido a um peso  $p$ , temos  $v \geq 0$  e  $p \geq 0$ .

Assim, da equação  $(p + a) \cdot (v + b) = K$ , com  $a$ ,  $b$  e  $K$  constantes, vem:

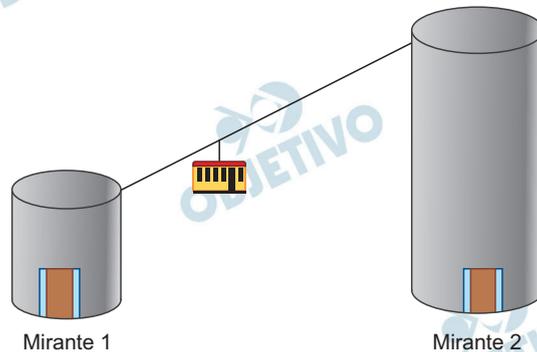
$$pv + pb + av + ab = K \Rightarrow v \cdot (p + a) = K - pb - ab \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v \cdot (p + a) = K - b \cdot (p + a) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow v = \frac{K}{p + a} - b, \text{ que é um ramo de hipérbole.}$$

Resposta:  E

Em um parque há dois mirantes de alturas distintas que são acessados por elevador panorâmico. O topo do mirante 1 é acessado pelo elevador 1, enquanto que o topo do mirante 2 é acessado pelo elevador 2. Eles encontram-se a uma distância possível de ser percorrida a pé, e entre os mirantes há um teleférico que os liga que pode ou não ser utilizado pelo visitante.



O acesso aos elevadores tem os seguintes custos:

- Subir pelo elevador 1: R\$ 0,15;
- Subir pelo elevador 2: R\$ 1,80;
- Descer pelo elevador 1: R\$ 0,10;
- Descer pelo elevador 2: R\$ 2,30.

O custo da passagem do teleférico partindo do topo do mirante 1 para o topo do mirante 2 é de R\$ 2,00, e do topo do mirante 2 para o topo do mirante 1 é de R\$ 2,50.

Qual é o menor custo em real para uma pessoa visitar os topos dos dois mirantes e retornar ao solo?

- 2,25
- 3,90
- 4,35
- 4,40
- 4,45

#### Resolução

O menor custo, em real, ocorre quando uma pessoa sobe e desce por um dos elevadores, anda a pé de um mirante ao outro, subindo e descendo pelo outro elevador.

Nesse caso, gasta  $0,15 + 0,10 + 1,80 + 2,30 = 4,35$

4,35 reais

Resposta: C

A mensagem digitada no celular, enquanto você dirige, tira a sua atenção e, por isso, deve ser evitada. Pesquisas mostram que um motorista que dirige um carro a uma velocidade constante percorre “às cegas” (isto é, sem ter visão da pista) uma distância proporcional ao tempo gasto ao olhar para o celular durante a digitação da mensagem. Considere que isso de fato aconteça. Suponha que dois motoristas (X e Y) dirigem com a mesma velocidade constante e digitam a mesma mensagem em seus celulares. Suponha, ainda, que o tempo gasto pelo motorista X olhando para seu celular enquanto digita a mensagem corresponde a 25% do tempo gasto pelo motorista Y para executar a mesma tarefa.

Disponível em: <http://g1.globo.com>.

Acesso em: 21 jul. 2012 (adaptado).

A razão entre as distâncias percorridas às cegas por X e Y, nessa ordem, é igual a

- a)  $\frac{5}{4}$                       b)  $\frac{1}{4}$                       c)  $\frac{4}{3}$   
 d)  $\frac{4}{1}$                         e)  $\frac{3}{4}$

#### Resolução

$$\begin{cases} V_x = V_y \\ \Delta t_x = \frac{25}{100} \cdot \Delta t_y = \frac{\Delta t_y}{4} \end{cases}$$

$$\frac{\Delta S_x}{\Delta t_x} = \frac{\Delta S_y}{\Delta t_y} \Rightarrow \frac{\Delta S_x}{\Delta S_y} = \frac{\Delta t_x}{\Delta t_y} = \frac{\frac{\Delta t_y}{4}}{\Delta t_y} = \frac{1}{4}$$

Resposta: **B**

O resultado de uma pesquisa eleitoral, sobre a preferência dos eleitores em relação a dois candidatos, foi representado por meio do Gráfico 1.

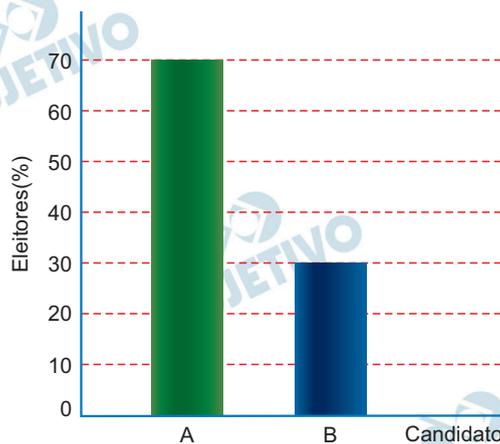


Gráfico 1

Ao ser divulgado esse resultado em jornal, o Gráfico 1 foi cortado durante a diagramação, como mostra o Gráfico 2.

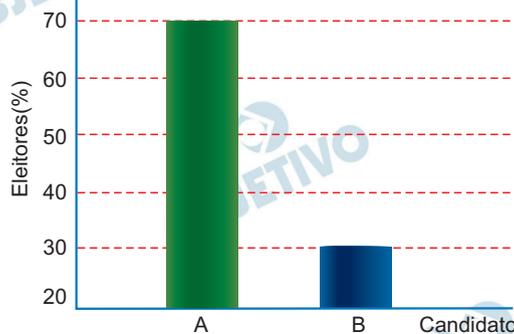


Gráfico 2

Apesar de os valores apresentados estarem corretos e a largura das colunas ser a mesma, muitos leitores criticaram o formato do Gráfico 2 impresso no jornal, alegando que houve prejuízo visual para o candidato B.

A diferença entre as razões da altura da coluna B pela coluna A nos gráficos 1 e 2 é

- a) 0                      b)  $\frac{1}{2}$                       c)  $\frac{1}{5}$
- d)  $\frac{2}{15}$                       e)  $\frac{8}{35}$

#### Resolução

$$\frac{30}{70} - \frac{10}{50} = \frac{3}{7} - \frac{1}{5} = \frac{8}{35}$$

Resposta: **E**

Um cientista, em seus estudos para modelar a pressão arterial de uma pessoa, utiliza uma função do tipo  $P(t) = A + B\cos(kt)$  em que  $A$ ,  $B$  e  $k$  são constantes reais positivas e  $t$  representa a variável tempo, medida em segundo. Considere que um batimento cardíaco representa o intervalo de tempo entre duas sucessivas pressões máximas.

Ao analisar um caso específico, o cientista obteve os dados:

Pressão mínima	78
Pressão máxima	120
Número de batimentos cardíacos por minuto	90

A função  $P(t)$  obtida, por este cientista, ao analisar o caso específico foi

- a)  $P(t) = 99 + 21\cos(3\pi t)$   
 b)  $P(t) = 78 + 42\cos(3\pi t)$   
 c)  $P(t) = 99 + 21\cos(2\pi t)$   
 d)  $P(t) = 99 + 21\cos(t)$   
 e)  $P(t) = 78 + 42\cos(t)$

#### Resolução

$$P(t) = A + B \cdot \cos(kt)$$

$$(1) \begin{cases} A - B \cdot \cos(kt) = 78 \\ A + B \cdot \cos(kt) = 120 \end{cases}$$

$$\frac{2 \cdot A}{\quad} = 198$$

$$\Rightarrow A = 99$$

(2) Na pressão máxima,  $\cos(kt) = 1$  e

$$99 + B \cdot 1 = 120 \Rightarrow B = 21$$

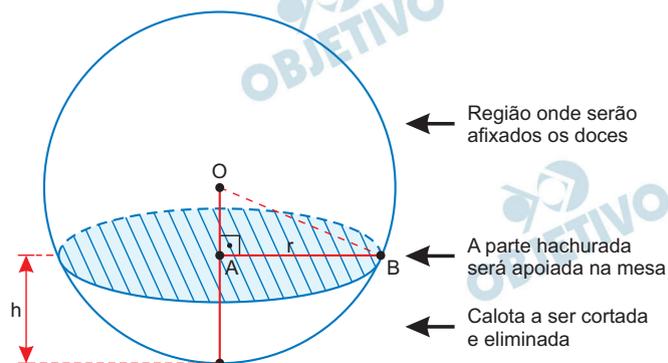
$$(3) \frac{90 \text{ batimentos}}{60s} = \frac{1}{T} \Rightarrow T = \frac{60}{90} s = \frac{2}{3} s \Rightarrow$$

$$\Rightarrow k = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{2/3} = 3\pi \Rightarrow k = 3\pi$$

$$\therefore P(t) = 99 + 21 \cdot \cos(3\pi t)$$

Resposta: **A**

Para decorar uma mesa de festa infantil, um chefe de cozinha usará um melão esférico com diâmetro medindo 10 cm, o qual servirá de suporte para espetar diversos doces. Ele irá retirar uma calota esférica do melão, conforme ilustra a figura, e, para garantir a estabilidade deste suporte, dificultando que o melão role sobre a mesa, o chefe fará o corte de modo que o raio  $r$  da seção circular de corte seja de pelo menos 3 cm. Por outro lado, o chefe desejará dispor da maior área possível da região em que serão afixados os doces.



Para atingir todos os seus objetivos, o chefe deverá cortar a calota do melão numa altura  $h$ , em centímetro, igual a

a)  $5 - \frac{\sqrt{91}}{2}$

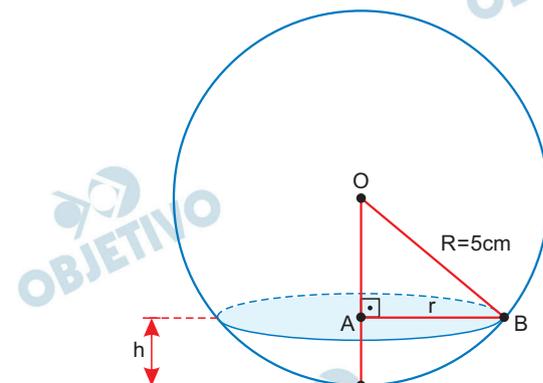
b)  $10 - \sqrt{91}$

c) 1

d) 4

e) 5

### Resolução



Por Pitágoras  $OA = 4$ , pois  $r = 3$  nas condições dadas:

$$h = 5 - 4 = 1$$

$h = 1 \text{ cm}$

Resposta: C

A Igreja de São Francisco de Assis, obra arquitetônica modernista de Oscar Niemeyer, localizada na Lagoa da Pampulha, em Belo Horizonte, possui abóbadas parabólicas. A seta na Figura 1 ilustra uma das abóbadas na entrada principal da capela. A Figura 2 fornece uma vista frontal desta abóbada, com medidas hipotéticas para simplificar os cálculos.

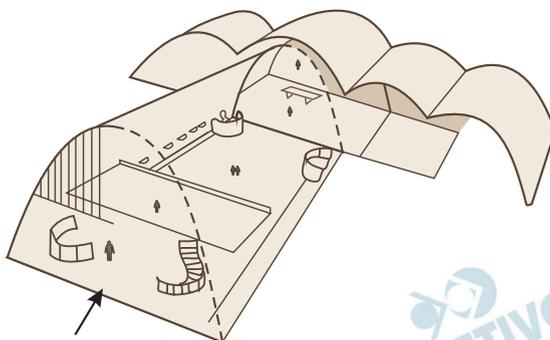


figura 1

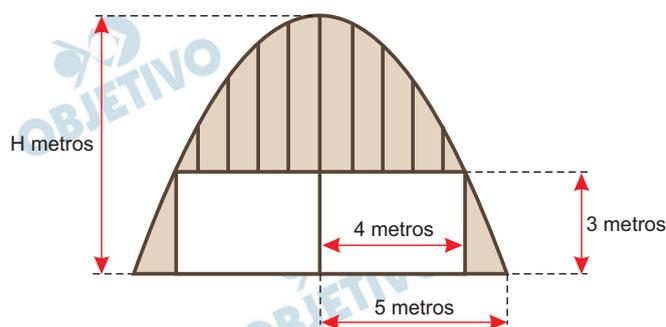


figura 2

Qual a medida da altura  $H$ , em metro, indicada na Figura 2?

a)  $\frac{16}{3}$

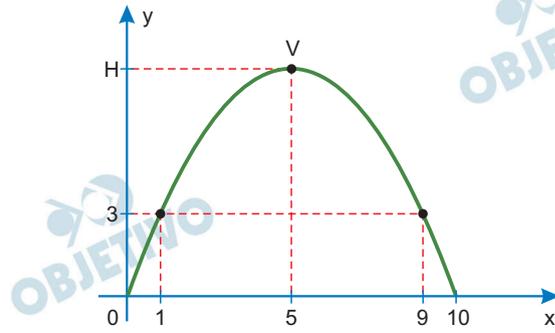
b)  $\frac{31}{5}$

c)  $\frac{25}{4}$

d)  $\frac{25}{3}$

e)  $\frac{75}{2}$

### Resolução



$$y = a \cdot x \cdot (x - 10)$$

$$3 = a \cdot 1 \cdot (1 - 10) \Rightarrow a = -\frac{1}{3}$$

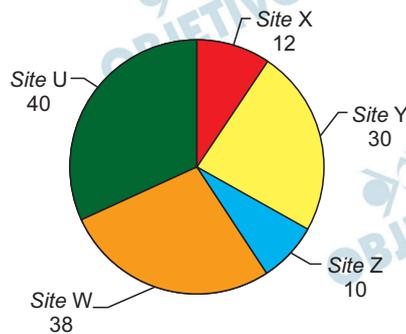
$$H = y_v = -\frac{1}{3} \cdot 5 \cdot (5 - 10) = \frac{25}{3}$$

$$H = \frac{25}{3} \text{ m}$$

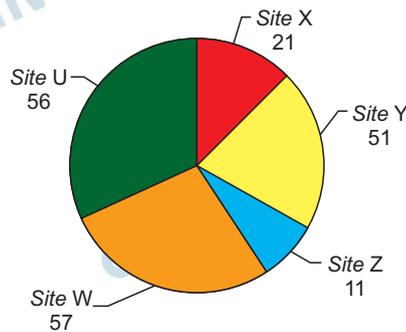
Resposta: **D**

Quanto tempo você fica conectado à internet? Para responder a essa pergunta foi criado um miniaplicativo de computador que roda na área de trabalho, para gerar automaticamente um gráfico de setores, mapeando o tempo que uma pessoa acessa cinco *sites* visitados. Em um computador, foi observado que houve um aumento significativo do tempo de acesso da sexta-feira para o sábado, nos cinco *sites* mais acessados. A seguir, temos os dados do miniaplicativo para esses dias.

Tempo de acesso na sexta-feira (minuto)



Tempo de acesso na sábado (minuto)



Analisando os gráficos do computador, a maior taxa de aumento no tempo de acesso, da sexta-feira para o sábado, foi no *site*

- X.
- Y.
- Z.
- W.
- U.

#### Resolução

$$X: \frac{21 - 12}{12} = \frac{9}{12} = 0,75$$

$$Y: \frac{51 - 30}{30} = \frac{21}{30} = 0,70$$

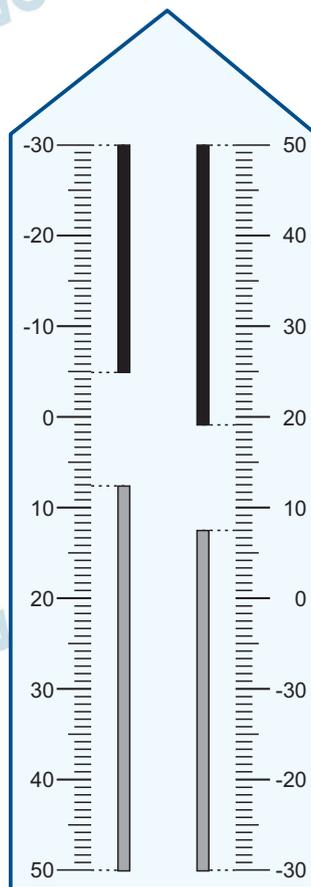
$$Z: \frac{11 - 10}{10} = \frac{1}{10} = 0,10$$

$$W: \frac{57 - 38}{38} = \frac{19}{38} = 0,50$$

$$U: \frac{56 - 40}{40} = \frac{16}{40} = 0,40$$

Resposta: **A**

Neste modelo de termômetro, os filetes na cor preta registram as temperaturas mínima e máxima do dia anterior e os filetes na cor cinza registram a temperatura ambiente atual, ou seja, no momento da leitura do termômetro.



Por isso ele tem duas colunas. Na da esquerda, os números estão em ordem crescente, de cima para baixo, de  $-30\text{ }^{\circ}\text{C}$  até  $50\text{ }^{\circ}\text{C}$ . Na coluna da direita, os números estão ordenados de forma crescente, de baixo para cima, de  $-30\text{ }^{\circ}\text{C}$  até  $50\text{ }^{\circ}\text{C}$ .

A leitura é feita da seguinte maneira:

- a temperatura mínima é indicada pelo nível inferior do filete preto na coluna da esquerda;
- a temperatura máxima é indicada pelo nível inferior do filete preto na coluna da direita;
- a temperatura atual é indicada pelo nível superior dos filetes cinza nas duas colunas.

Disponível em: [www.if.ufrgs.br](http://www.if.ufrgs.br).

Acesso em: 28 ago. 2014 (adaptado).

Qual é a temperatura máxima mais aproximada registrada nesse termômetro?

- $5\text{ }^{\circ}\text{C}$
- $7\text{ }^{\circ}\text{C}$
- $13\text{ }^{\circ}\text{C}$
- $15\text{ }^{\circ}\text{C}$
- $19\text{ }^{\circ}\text{C}$

**Resolução**

A temperatura máxima mais aproximada registrada, indicada pelo nível inferior do filete preto na coluna da direita, é de 19 °C.

Resposta:  E

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

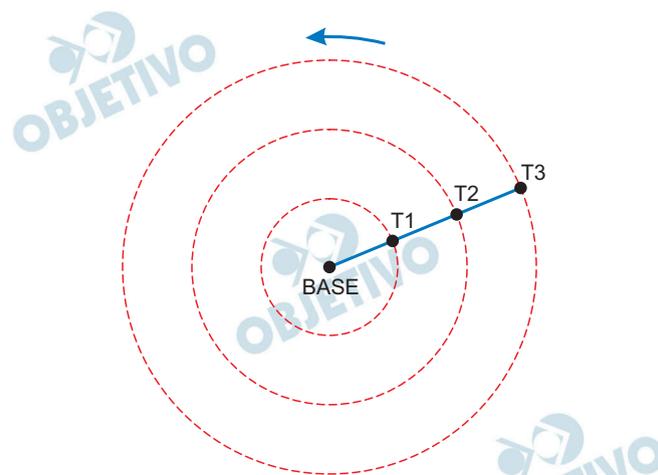
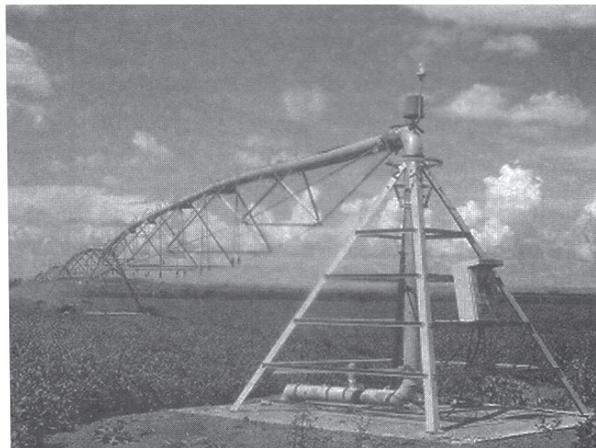
OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

OBJETIVO

Pivô central é um sistema de irrigação muito usado na agricultura, em que uma área circular é projetada para receber uma estrutura suspensa. No centro dessa área, há uma tubulação vertical que transmite água através de um cano horizontal longo, apoiado em torres de sustentação, as quais giram, sobre rodas, em torno do centro do pivô, também chamado de base, conforme mostram as figuras. Cada torre move-se com velocidade constante.



Um pivô de três torres ( $T_1$ ,  $T_2$  e  $T_3$ ) será instalado em uma fazenda, sendo que as distâncias entre torres consecutivas bem como da base à torre  $T_1$  são iguais a 50 m. O fazendeiro pretende ajustar as velocidades das torres, de tal forma que o pivô efetue uma volta completa em 25 horas. Use 3 como aproximação para  $\pi$ .

Para atingir seu objetivo, as velocidades das torres  $T_1$ ,  $T_2$  e  $T_3$  devem ser, em metro por hora, de

- 12, 24 e 36.
- 6, 12 e 18.
- 2, 4 e 6.
- 300, 1200 e 2700.
- 600, 2400 e 5400.

## Resolução

Torre 1

$$2\pi \cdot 50 = 100\pi = 300\text{m e } V_1 = \frac{300\text{m}}{25\text{h}} = 12\text{m/h}$$

Torre 2

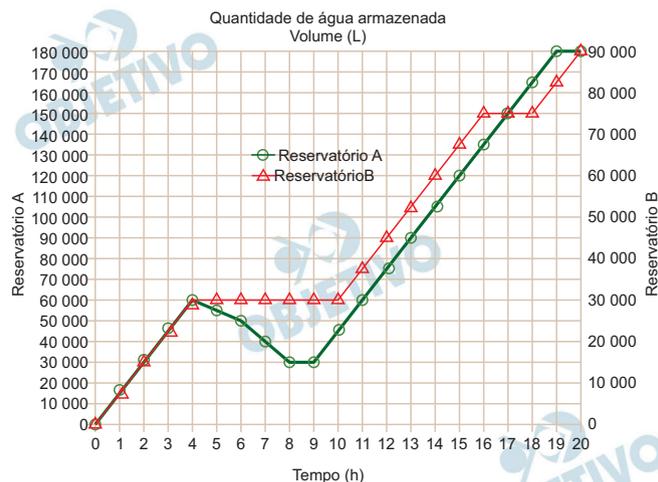
$$2\pi \cdot 100 = 200\pi = 600\text{m e } V_2 = \frac{600\text{m}}{25\text{h}} = 24\text{m/h}$$

Torre 3

$$2\pi \cdot 150 = 300\pi = 900\text{m e } V_3 = \frac{900\text{m}}{25\text{h}} = 36\text{m/h}$$

Resposta: **A**

Dois reservatórios A e B são alimentados por bombas distintas por um período de 20 horas. A quantidade de água contida em cada reservatório nesse período pode ser visualizada na figura.

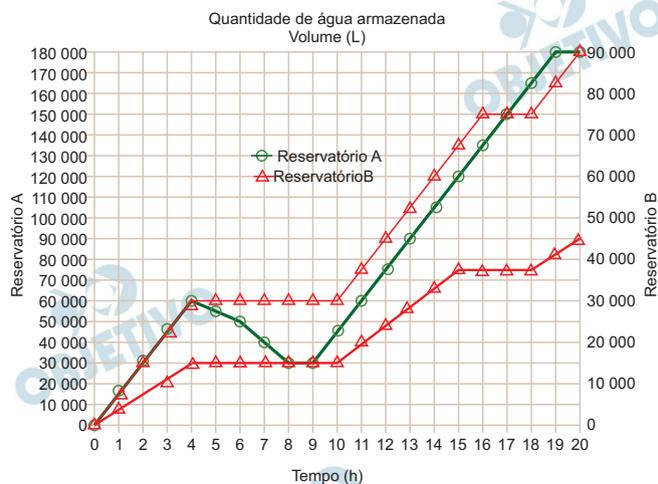


O número de horas em que os dois reservatórios contêm a mesma quantidade de água é

- 1.
- 2.
- 4.
- 5.
- 6.

### Resolução

Redesenhando o gráfico do reservatório B sobre o gráfico dado, de forma que volumes iguais fiquem na mesma altura do gráfico, observamos que apenas entre 8 e 9 horas, os volumes são iguais.



Resposta: **A**

Para uma temporada das corridas de Fórmula 1, a capacidade do tanque de combustível de cada carro passou a ser de 100 kg de gasolina. Uma equipe optou por utilizar uma gasolina com densidade de 750 gramas por litro, iniciando a corrida com o tanque cheio. Na primeira parada de reabastecimento, um carro dessa equipe apresentou um registro em seu computador de bordo acusando o consumo de quatro décimos da gasolina originalmente existente no tanque. Para minimizar o peso desse carro e garantir o término da corrida, a equipe de apoio reabasteceu o carro com a terça parte do que restou no tanque na chegada ao reabastecimento.

Disponível em: [www.superdanilof1page.com.br](http://www.superdanilof1page.com.br).

Acesso em: 6 jul. 2015 (adaptado).

A quantidade de gasolina utilizada, em litro, no reabastecimento, foi

a)  $\frac{20}{0,075}$

b)  $\frac{20}{0,75}$

c)  $\frac{20}{7,5}$

d)  $20 \times 0,075$

e)  $20 \times 0,75$

### Resolução

Tal carro inicia a corrida com 100kg de combustível. Na primeira parada, seu computador de bordo acusa

um consumo de  $\frac{4}{10} \cdot 100 = 40\text{kg}$ .

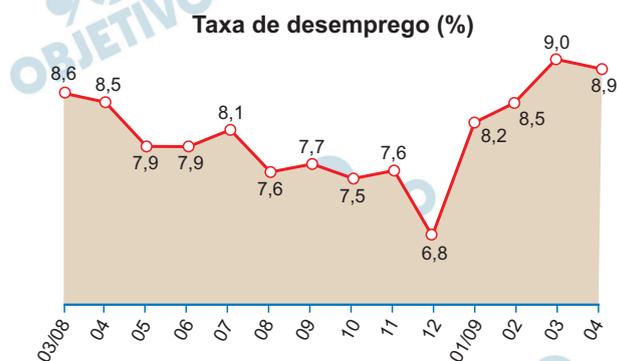
Logo, restam  $100\text{kg} - 40\text{kg} = 60\text{kg}$  de combustível no tanque. A equipe de apoio reabasteceu o carro com

$\frac{1}{3} \cdot 60\text{kg} = 20\text{kg}$ , que em litros, equivalem a:

$$\frac{20 \cdot 1000}{750} = \frac{20}{0,75}$$

Resposta: **B**

O gráfico apresenta a taxa de desemprego (em %) para o período de março de 2008 a abril de 2009, obtida com base nos dados observados nas regiões metropolitanas de Recife, Salvador, Belo Horizonte, Rio de Janeiro, São Paulo e Porto Alegre.



IBGE. Pesquisa mensal de emprego.

Disponível em: [www.ibge.gov.br](http://www.ibge.gov.br).

Acesso em: 30 jul. 2012 (adaptado).

A mediana dessa taxa de desemprego, no período de março de 2008 a abril de 2009, foi de

- a) 8,1%
- b) 8,0%
- c) 7,9%
- d) 7,7%
- e) 7,6%

#### Resolução

O rol das taxas de desemprego (%), no período de março de 2008 a abril de 2009, é:

6,8; 7,5; 7,6; 7,6; 7,7; 7,9; 7,9; 8,1; 8,2; 8,5; 8,5; 8,6;  
8,9; 9,0

Logo, a mediana é  $\frac{7,9 + 8,1}{2} = 8,0(\%)$

Resposta: **B**

Numa avenida existem 10 semáforos. Por causa de uma pane no sistema, os semáforos ficaram sem controle durante uma hora, e fixaram suas luzes unicamente em verde ou vermelho. Os semáforos funcionam de forma independente; a probabilidade de acusar a cor verde é de

$\frac{2}{3}$  e a de acusar a cor vermelha é de  $\frac{1}{3}$ . Uma pessoa

percorreu a pé toda essa avenida durante o período da pane, observando a cor da luz de cada um desses semáforos.

Qual a probabilidade de que esta pessoa tenha observado exatamente um sinal na cor verde?

a)  $\frac{10 \times 2}{3^{10}}$

b)  $\frac{10 \times 2^9}{3^{10}}$

c)  $\frac{2^{10}}{3^{100}}$

d)  $\frac{2^{90}}{3^{100}}$

e)  $\frac{2}{3^{10}}$

#### Resolução

Dos 10 semáforos, temos 1 verde e, conseqüentemente, 9 vermelhos. A probabilidade pode ser expressa por:

$$p = C_{10;1} \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^1 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^9 = 10 \cdot \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3^9} = \frac{10 \cdot 2}{3^{10}}$$

Resposta: **A**

A energia solar vai abastecer parte da demanda de energia do *campus* de uma universidade brasileira. A instalação de painéis solares na área dos estacionamentos e na cobertura do hospital pediátrico será aproveitada nas instalações universitárias e também ligada na rede da companhia elétrica distribuidora de energia.

O projeto inclui  $100 \text{ m}^2$  de painéis solares que ficarão instalados nos estacionamentos, produzindo energia elétrica e proporcionando sombra para os carros. Sobre o hospital pediátrico serão colocados aproximadamente  $300 \text{ m}^2$  de painéis, sendo  $100 \text{ m}^2$  para gerar energia elétrica utilizada no *campus*, e  $200 \text{ m}^2$  para geração de energia térmica, produzindo aquecimento de água utilizada nas caldeiras do hospital.

Suponha que cada metro quadrado de painel solar para energia elétrica gere uma economia de 1 kWh por dia e cada metro quadrado produzindo energia térmica permita economizar 0,7 kWh por dia para a universidade. Em uma segunda fase do projeto, será aumentada em 75% a área coberta pelos painéis solares que geram energia elétrica. Nessa fase também deverá ser ampliada a área de cobertura com painéis para geração de energia térmica.

Disponível em: <http://agenciabrasil.etc.com.br>.

Acesso em: 30 out. 2013 (adaptado).

Para se obter o dobro da quantidade de energia economizada diariamente em relação à primeira fase, a área total dos painéis que geram energia térmica em metro quadrado, deverá ter o valor mais próximo de

- a) 231.
- b) 431.
- c) 472.
- d) 523.
- e) 672.

#### Resolução

O projeto inicial prevê  $200 \text{ m}^2$  de painéis geradores de energia elétrica ( $100 \text{ m}^2$  do hospital e  $100 \text{ m}^2$  do estacionamento) e  $200 \text{ m}^2$  de energia térmica. A economia, em kWh, é

Energia elétrica:  $200 \cdot 1 \text{ kWh} = 200 \text{ kWh}$

Energia térmica:  $200 \cdot 0,7 \text{ kWh} = 140 \text{ kWh}$

Total:  $200 + 140 = 340 \text{ kWh}$

Na segunda fase do projeto, a economia em energia elétrica será 75% maior, num total de:

$$200 + 75\% \cdot 200 = 350 \text{ kWh}$$

Como a quantidade economizada deverá ser o dobro, teremos um total de  $2 \cdot 340 = 680$  kWh. Assim, a economia em energia térmica será de 330 kWh. O número que representa a área dos painéis, em metros quadrados, que geram energia térmica é dado por:

$$n = \frac{330}{0,7} \cong 472$$

Resposta: **C**

Uma empresa construirá sua página na internet e espera atrair um público de aproximadamente um milhão de clientes. Para acessar essa página, será necessária uma senha com formato a ser definido pela empresa. Existem cinco opções de formato oferecidas pelo programador, descritas no quadro, em que “L” e “D” representam, respectivamente, letra maiúscula e dígito.

Opção	Formato
I	LDDDDD
II	DDDDDD
III	LLDDDD
IV	DDDDD
V	LLLDD

As letras do alfabeto, entre as 26 possíveis, bem como os dígitos, entre os 10 possíveis, podem se repetir em qualquer das opções.

A empresa quer escolher uma opção de formato cujo número de senhas distintas possíveis seja superior ao número esperado de clientes, mas que esse número não seja superior ao dobro do número esperado de clientes.

A opção que mais se adequa às condições da empresa é

- I.
- II.
- III.
- IV.
- V.

#### Resolução

O número de senhas de acordo com a opção pode ser representado na tabela abaixo.

Opção	Formato	n.º de senhas
I	LDDDDD	$26 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 =$ $= 26 \cdot 10^5 = 2,6 \cdot 10^6$
II	DDDDDD	$10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 10^6$
III	LLDDDD	$26 \cdot 26 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 =$ $= 26^2 \cdot 10^4 = 6,76 \cdot 10^6$
IV	DDDDD	$10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 10^5$
V	LLLDD	$26 \cdot 26 \cdot 26 \cdot 10 \cdot 10 =$ $= 26^3 \cdot 10^2 = 1,7576 \cdot 10^6$

Como o número de senhas distintas precisa estar entre 1 e 2 milhões, a opção que mais se adequa é a V.

Resposta:  E

# 178

Como não são adeptos da prática de esportes, um grupo de amigos resolveu fazer um torneio de futebol utilizando *videogame*. Decidiram que cada jogador joga uma única vez com cada um dos outros jogadores. O campeão será aquele que conseguir o maior número de pontos. Observaram que o número de partidas jogadas depende do número de jogadores, como mostra o quadro:

Quantidade de jogadores	2	3	4	5	6	7
Número de partidas	1	3	6	10	15	21

Se a quantidade de jogadores for 8, quantas partidas serão realizadas?

- a) 64
- b) 56
- c) 49
- d) 36
- e) 28

### Resolução

O número de maneiras de se escolher 2 jogadores dentre os 8 possíveis é:

$$C_{8;2} = \frac{8!}{2! (8-2)!} = \frac{8!}{2! 6!} = 28$$

Resposta:  E

# 179

Um morador de uma região metropolitana tem 50% de probabilidade de atrasar-se para o trabalho quando chove na região; caso não chova, sua probabilidade de atraso é de 25%. Para um determinado dia, o serviço de meteorologia estima em 30% a probabilidade da ocorrência de chuva nessa região.

Qual é a probabilidade de esse morador se atrasar para o serviço no dia para o qual foi dada a estimativa de chuva?

- a) 0,075
- b) 0,150
- c) 0,325
- d) 0,600
- e) 0,800

### Resolução

A probabilidade de o morador se atrasar quando chove é de 50% e, quando não chove, de 25%. A probabilidade de chover em um certo dia é de 30% e, portanto, de não chover, 70%. Logo, a probabilidade desse morador se atrasar para o serviço é dada por  $30\% \times 50\% + 70\% \times 25\% = 0,325$ .

Resposta: **C**

Às 17h 15min começa uma forte chuva, que cai com intensidade constante. Uma piscina em forma de um paralelepípedo retângulo, que se encontrava inicialmente vazia, começa a acumular a água da chuva e, às 18 horas, o nível da água em seu interior alcança 20 cm de altura. Nesse instante, é aberto o registro que libera o escoamento da água por um ralo localizado no fundo dessa piscina, cuja vazão é constante. As 18h 40min a chuva cessa e, nesse exato instante, o nível da água na piscina baixou para 15 cm.

O instante em que a água dessa piscina terminar de escoar completamente está compreendido entre

- a) 19h 30min e 20h 10min.
- b) 19h 20min e 19h 30min.
- c) 19h 10min e 19h 20min.
- d) 19h e 19h 10min.
- e) 18h40 min e 19h.

#### Resolução

Das 17h15min às 18h, passam-se 45min e nesse período o nível de água sobe 20cm. Das 18h às 18h40min, desconsiderando o escoamento da água pelo ralo e que a chuva continua, o nível da água

deveria subir mais  $\frac{800}{45} = \frac{160}{9}$  cm, alcançando

$$20 + \frac{160}{9} = \frac{340}{9} \text{ cm.}$$

Como sobraram 15cm, o ralo escoou

$$\frac{340}{9} - 15 = \frac{205}{9} \text{ cm em 40 min.}$$

Assim, escoam 15cm em

$$\frac{9 \cdot 15 \cdot 40}{205} = \frac{5400}{205} \cong 26,3\text{min}$$

Portanto, 18h40min mais 26,3min nos dá aproximadamente 19h06min.

Resposta: **D**